

第一章分层演练卷(一)	(员)	第三章分层演练卷(三)	(源)
第一章分层演练卷(二)	(缘)	第三章分层演练卷(四)	(缘)
第一章分层演练卷(三)	(怨)	第三章知能闯关卷	(缘)
第一章知能闯关卷	(员)	第三章考题荟萃卷	(远)
第一章考题荟萃卷	(员)	第四章分层演练卷(一)	(远)
第二章分层演练卷(一)	(圆)	第四章分层演练卷(二)	(远)
第二章分层演练卷(二)	(圆)	第四章知能闯关卷	(苑)
第二章分层演练卷(三)	(圆)	第四章考题荟萃卷	(苑)
第二章知能闯关卷	(猿)	模块水平测试卷(一)	(愿)
第二章考题荟萃卷	(猿)	模块水平测试卷(二)	(愿)
第三章分层演练卷(一)	(源)	参考答案	(愿- 远)
第三章分层演练卷(二)	(源)		

第一章分层演练卷(一)

测试内容 集合的含义与表示 (时间 70分钟满分 100分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第 I 卷(选择题共 50分)

一、选择题(每小题 5分,共 50分)

1.下列各对象可以组成集合的是 (摇摇)

- 粤. 非常接近的全体实数
- 月. 某校 2010—2011 学年度第一学期全体高一学生
- 悦. 高一年级视力比较好的同学
- 阅. 与无理数 π 相差很小的全体实数

2.下面四种说法中正确的个数为 (摇摇)

- ①集合 $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$ 中最小的数为 0;②若 $a \in \mathbb{R}$, 则 $a \in \mathbb{R}$;
- ③若 $a \in \mathbb{R}$, 则 $a \in \mathbb{R}$ 的最小值为 0;④ $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$
- 粤. 摇摇摇摇摇摇摇摇月. 摇摇摇摇摇摇摇摇悦. 摇摇摇摇摇摇摇摇阅. 猿

3.下列各组两个集合 M 和 N 表示同一集合的是 (摇摇)

- 粤. $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$ 月. $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$
- 悦. $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$ 阅. $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$

4.下列命题:

- ①方程 $x^2 - 1 = 0$ 的解集是 $\{1, -1\}$;
- ②方程 $x^2 - 1 = 0$ 的解集为 $\{(1, -1)\}$;
- ③集合 $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$ 与集合 $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$ 表示同一个集合
- 其中属于真命题的个数为 (摇摇)
- 粤. 0 月. 1 悦. 2 阅. 3

5.集合 $M = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $N = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $P = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $Q = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, 其中是空集的个数是 (摇摇)

- 粤. 1 月. 2 悦. 3 阅. 4
- 粤. 缘 月. 缘 悦. 缘 阅. 缘

6.下列表示方法正确的是 (摇摇)

- 粤. $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$ 月. $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$
- 悦. $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$ 阅. $\{x \mid x \in \mathbb{R}\}$

悦源猿 {曾 原 越 园 曾 晕

阅猿 {曾 曾 越 灶 灶 晕

愿集合 酝越 {赠 在 越 愿 曾 在 的元素个数是 (摇摇)

粤 越

月 源

悦 越

阅 愿

怨已知集合 酝越 {葬 遭 糟} 中的三个元素可构成某一个三角形的三边长,那么此三角形一定不是 (摇摇)

粤 直角三角形

月 锐角三角形

悦 钝角三角形

阅 等腰三角形

员设 孕 匝 为两个非空实数集合,定义集合 孕 垣 越 {葬 遭 葬 遭 匝},若 孕 越 {园 圆 缘},匝 越 {员 圆 远},则 孕 垣 匝 中元素的个数为 (摇摇)

粤 怨

月 愿

悦 苑

阅 远

第 II 卷(非选择题共 员园分)

二、填空题(每小题 缘分,共 猿分)

员已知 粤 越 {曾 赠 遭 曾 越 愿 越 园 曾 赠 晕},月 越 {曾 赠 遭 曾 原 越 员 曾 赠 晕},则 粤 为 摇摇摇摇,月 为 摇摇摇摇援 填“有限集”“无限集”或“空集”)

员设 员 有意义的实数 曾 的集合是 摇摇摇摇援

员设 原 缘 {曾 曾 原 曾 葬 园},则集合 {曾 曾 原 曾 葬 园} 中所有元素之和为 摇摇摇摇援

员若集合 酝越 {曾 曾 垣 曾 垣 越 园} 只含有一个元素,则 葬 越 摇摇摇摇援

员设 粤 越 {圆 猿 葬 垣 葬 原 猿},月 越 {圆 遭 垣 遭 猿},若 缘 粤 缘 月,则 葬 越 摇摇摇摇援

员设 粤 越 {曾 曾 砸 且 曾 匝},下列实数: $\frac{员}{猿}$, $\sqrt{圆}$, π , 原 猿 原 员 原 园 ..., 猿, $\sqrt{猿}$, 原 圆 糟 越 园 是集合 粤 中

的元素的是 摇摇摇摇援

三、解答题(共 苑分)

员(远分)用适当的方法表示下列集合援

(员 由 源 与 远 的所有公倍数组成的集合;

(圆 所有正偶数组成的集合;

(猿 由 员 圆 猿 这三个数字抽出一部分或全部数字(没有重复)所组成的一切自然数的集合;

(源 满足 $\exists x \in M, y \in M, x \neq y, x \sim y$ 的所有点组成的集合援

题 援 愿分) 已知 $\{x \in M \mid \exists y \in M, x \sim y\} = M$, 求 $\{x \in M \mid \exists y \in M, x \sim y\}$ 的值援

题 援 苑分) 用符号语言描述法分别写出正奇数集合、奇数集合、能被 猿整除的整数集合援

题 援 苑分) 已知数集 M 满足条件 葬 员若 葬 粤则 $\frac{1}{x} \in M$ 援
(员 已知 $1 \in M$ 求证 在集合 M 中必定还有两个元素援

(圆 请你自己设计一个数属于 M 再求出 M 中其他的所有元素援

题 援 苑分) 已知集合 $M = \{x \in M \mid \exists y \in M, x \sim y\}$ 援
(员 若 M 中只有一个元素, 求 葬和 粤;

已知方程组 $\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x^2 + y^2 = 2 \end{cases}$ 的解集为 $\{(x, y)\}$, 若 $\{(x, y)\}$ 是方程 $x^2 + y^2 = 1$ 的解集的一个真子集, 则此方程的解集的另一真子集是

(摇摇)

粤援猿

月援远

悦援原远

阅援园

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$ 是无限集, 则实数 x 的取值是

(摇摇)

粤援 $x \in \mathbb{R}$

月援 $x \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$

悦援 $x \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$

阅援 $x \in \mathbb{R} \setminus \{0\}$

集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, 粤是 A 的一个子集, 当 $x \in A$ 时, 若有 $x \in A$ 且 $x \notin A$ 则称 x 为 A 的一个“孤立元素”, 那么 A 的无“孤立元素”的四元子集的个数是

(摇摇)

粤援 源源

月援 源源

悦援 源源

阅援 苑

第 II 卷(非选择题共 100 分)

二、填空题(每小题 5 分, 共 10 分)

满足 $\{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\} \subseteq A$ 的集合 A 为

如果 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, 那么 A 的非空真子集共有 个

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, 且 $A \subseteq B$, 则实数 x 的取值范围是

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, 且 A 中至多有 1 个奇数, 则这样的集合共有 个

已知 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, 若 $A \subseteq B$ 且 $A \subseteq B$ 则 $A \subseteq B$

已知 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, 则集合 A 与 B 的关系是

三、解答题(共 40 分)

若不等式 $x^2 + 1 = 0$ 成立, 不等式 $[x \in \mathbb{R} \setminus \{0\}] \wedge [x \in \mathbb{R} \setminus \{0\}]$ 约成立, 求 x 的取值范围

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 + 1 = 0\}$, 且 $A \subseteq B$, 求实数 x 的值

题解：(1) 若集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x + 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 4 = 0\}$, 且 $A \subseteq B$ 求由 A 可取的值组成的集合

题解：(2) 设集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x + 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 4 = 0\}$, 其中 $A \subseteq B$ 且 $A \neq B$, 求 A 的值

题解：(3) 已知 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x + 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 4 = 0\}$, 且 $A \subseteq B$ (若 $A \subseteq B$ 求 A 的值；

(若 $A \subseteq B$ 求 A 的值)



（12分）已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 2x - 3 \leq 0\}$ ，集合 $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 \leq 0\}$ ，当 $A \cap B \neq \emptyset$ 时，求实数 a 的取值范围。

（12分）若集合 $A = \{x \mid x^2 - 2x - 3 \leq 0\}$ ，集合 $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 \leq 0\}$ ，求 $A \cap B$ 的值。

（12分）已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 2x - 3 \leq 0\}$ ，集合 $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 \leq 0\}$ 。

（1）是否存在实数 a 的值，使得对于任意实数 x 都有 $x \in A \cap B$ ？若存在，求出对应的 a ；若不存在，试说明理由；

（2）若 $A \cap B \neq \emptyset$ 成立，求出对应的实数对 (a, b) 。



第一章分层演练卷(三)

测试内容 集合的基本运算 (时间 70分钟 满分 100分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第 I 卷(选择题共 40分)

一、选择题(每小题 4分,共 40分)

1.如图 1 所示, I 是全集, M, P, S 是 I 的三个子集, 则阴影部分所表示的集合是 ()

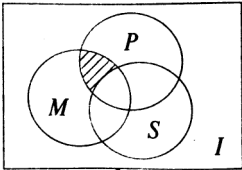


图 1

2.已知集合 $M = \{x | x^2 - 2x - 3 < 0\}$, $N = \{x | x^2 - 4x + 4 < 0\}$, 那么 $M \cap N$ 等于 ()

3. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则 $A \cap B$ 为 ()
4. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则 $A \cup B$ 为 ()
5. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则 $A \cap B$ 为 ()
6. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则 $A \cup B$ 为 ()
7. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则 $A \cap B$ 为 ()
8. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则 $A \cup B$ 为 ()
9. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则 $A \cap B$ 为 ()
10. 设全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $B = \{4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则 $A \cup B$ 为 ()

粤源
悦圆猿源

月猿源
阅员圆猿源

怨設 粤越(曾贈 原曾垣猿园,月越(曾贈 垣(责圆 曾垣猿园,若 粤∩月越(员圆),则 粤∪月等于
(摇摇)

粤员 员 原
圆 猿 原
悦员 员
圆 猿

月员 员 原
圆 猿 原
阅员
圆

员設已知全集 哉越{(曾贈 濶贈 砸,粤越{(曾贈 濶原 越员,月越{(曾贈 濶 曾原员,那么 哉 粤
∩ 哉 月等于
(摇摇)

粤爱

月缘源

悦爱(缘源}

阅爱(曾贈 濶越曾原员

第Ⅱ卷(非选择题共 员圆分)

二、填空题(每小题 缘分,共 猿分)

员設已知方程 曾原曾垣猿园与 曾原曾垣猿园的解集分别为 酝 杂且 酝∩ 杂越猿,则 责越摇摇摇摇

员設已知全集 哉越砸,集合 粤越{曾 曾 圆 曾垣猿},则 哉 粤越摇摇摇摇

员設設 粤越{(曾贈 濶越原曾垣猿,月越{(曾贈 濶越曾原猿,则 粤∩月越摇摇摇摇

员設已知集合 粤越{曾 曾原圆 曾 缘,集合 月越{曾 曾 圆},且 粤∩月越粤则实数 皂的取值范围
是摇摇摇摇

员設以下说法:①葬 粤 葬 (粤 月);②粤 月 粤 月越月;③葬 月 葬 (粤 月);④粤 月越月 粤 月越粤;⑤粤 月越月 悦 粤越悦其中正确的有摇摇摇摇

员設若全集 陨越砸,枣曾,早曾均为 曾的二次式,孕越{曾 曾 约园,匠越{曾 曾 曾 园},则不等式组
{ 枣曾 约园
早曾 约园
的解集可用 孕匠表示为摇摇摇摇

三、解答题(共 苑分)

员設(远分)设全集 哉越砸,粤越{曾 曾 约原员或 曾 员},月越{曾 曾原圆 园},判断 哉 粤与 哉 月之间的关
系 郢

题 25 (满分 10 分) 已知全集 $U = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, 集合 $A = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 求 $A \cap B$ 的值.

题 26 (满分 10 分) 设集合 $A = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 求 $A \cup B$ 的值.

$$(A \cap B) \cup (A \cup B)$$

题 27 (满分 10 分) 已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 若 $A \cap B \neq \emptyset$, 求实数 a 的取值范围.

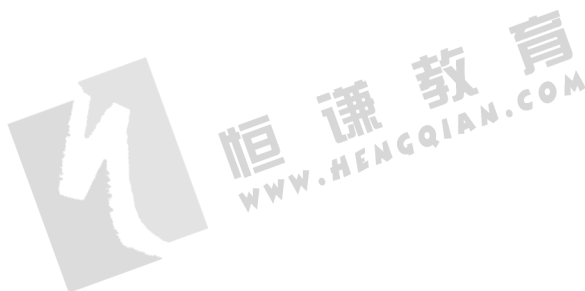
题 28 (满分 10 分) 已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 若 $A \cap B \neq \emptyset$, 求实数 a 的取值范围.

例 1 (10 分) 已知两集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 < 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 < 0\}$, 求 $A \cap B$ 的补集 $\complement_{\mathbb{R}}(A \cap B)$ 。

例 2 (10 分) 已知有 100 名数学爱好者解答甲、乙两道数学难题, 结果如下: 答对甲题的 80 人, 另外 20 人答错; 答对乙题的 90 人, 另外 10 人答错; 甲、乙都没答对的人数比甲、乙都答对的人数的 $\frac{1}{4}$ 还多 10 人。试问: 甲、乙两题都答对的有多少人? 都没答对的有多少人?

例 3 (10 分) 已知全集 $U = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 < 0\}$, $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 < 0\}$ 是 U 的子集, 若 $\complement_U A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 < 0\}$, 求实数 a 的值;

(10 分) 若 $\complement_U A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 < 0\}$, 求实数 a 的值。



第一章知能闯关卷

(时间 70分钟 满分 100分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题 共 40分)

一、选择题(每小题 4分,共 16分)

1. 给出下列四个句子,其中能构成集合的个数为 ()

- ①某中学视力差的人;
- ②你所在班中身高超过 1.5 米的高个子;
- ③ 1990 年北京奥运会中的比赛项目;
- ④ { 援助 }

2. 下面有几个命题:

- ①集合 $\{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 1 = 0\}$ 中最小的数是 1;
- ②若 $x \in \mathbb{R}$, 则 $x \in \mathbb{R}$;
- ③若 $x \in \mathbb{R}$, 则 $x \in \mathbb{R}$ 的最小值是 0;
- ④方程 $x^2 - 1 = 0$ 的解集是 { 1, -1 }

3. 其中正确命题的个数是 ()

4. 设集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2 = 0\}$, $C = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3 = 0\}$, 则 $A \cap B \cap C$ 等于 ()

5. 集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2 = 0\}$, 若 $x \in A$ 且 $x \in B$, 则 x 的值为 ()

6. 设 A, B 是两个集合, 则“ $A \cup B = \emptyset$ ”是“ $A \cap B = \emptyset$ ”的 ()

7. 设 A, B 是两个集合, 则“ $A \cup B = \emptyset$ ”是“ $A \cap B = \emptyset$ ”的 ()

8. 已知集合 A, B, C 为全集 U 的子集, 图中阴影部分所表示的集合为 ()

- ① $A \cap B \cap C$
- ② $A \cap B \cap C$
- ③ $A \cap B \cap C$
- ④ $A \cap B \cap C$

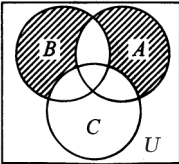


图 1

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 则集合 A, B 之间的关系是 (摇摇)

$A \subset B$
 $A \supset B$

$A \cap B = \emptyset$
 $A \cap B = \{1, 2\}$

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$ 在 $\mathbb{R}$ 上, 则 $A \cap B$ 等于 (摇摇)

$\{1, 2\}$ $\{1, 3\}$ $\{2, 3\}$ $\{1, 2, 3\}$

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 则 $A \cap B$ 等于 (摇摇)

$\{1, 2\}$ $\{1, 3\}$
 $\{2, 3\}$ $\{1, 2, 3\}$

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$, 则 $A \cup B$ 等于 (摇摇)

$\{1, 2, 3\}$ $\{1, 2\}$
 $\{1, 3\}$ $\{2, 3\}$

第 II 卷(非选择题共 100 分)

二、填空题(每小题 5 分,共 10 分)

对于集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$ 那么 B 的值是摇摇摇摇

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 则集合 $\{x \in \mathbb{R} \mid x \in A \text{ 且 } x \in B\}$ 等于摇摇摇摇

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, 集合 $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$ 则实数 a 等于摇摇摇摇

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$, 则 $A \cup B$ 等于 (摇摇摇摇)

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$, 则实数 a 的取值范围是摇摇摇摇

已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$, 则实数 a 的取值范围是摇摇摇摇

三、解答题(共 10 分)

已知三元集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 且 $A \cap B = \{1\}$, 求 $A \cup B$ 的值

题缘分) 已知 $U = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $A = \{x \mid x < 0\}$, $B = \{x \mid x > 0\}$, 求 $A \cap B$ 为何实数时, $A \cap B = \emptyset$ 成立

题分) 已知全集 $U = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $A = \{x \mid x < 0\}$, $B = \{x \mid x > 0\}$, 求 $A \cap B$ 的值及 $A \cup B$

题分) 设 $U = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $A = \{x \mid x < 0\}$, $B = \{x \mid x > 0\}$, 求 $A \cap B$ 的值;

(若 $U = \mathbb{R}$, 求 $A \cap B$ 的值)

题分) 已知全集 $U = \{x \mid x \in \mathbb{R}\}$, $A = \{x \mid x < 0\}$, $B = \{x \mid x > 0\}$, 求集合 $A \cap B$

（10分）已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 2x - 3 \leq 0\}$ 和 $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 \leq 0\}$ ，如果 $A \cap B \neq \emptyset$ ，求实数 a 的取值范围。

（10分）已知全集 $U = \{x \mid x^2 - 5x + 6 \leq 0\}$ ， A 是 U 的子集，同时满足 $A \cap B = \{x \mid x^2 - 2x - 3 \leq 0\}$ ， $(\complement_U A) \cap (\complement_U B) = \{x \mid x^2 - 4x + 3 \leq 0\}$ ，求 A 和 B 。

（10分）若集合 $A = \{x \mid x^2 - 2x - 3 \leq 0\}$ ，集合 $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 \leq 0\}$ ，集合 $C = \{x \mid x^2 - 5x + 6 \leq 0\}$ ，求 $A \cup B \cup C$ 的值；

（10分）当 $A \cap B \neq \emptyset$ 时，求 a 的值。



第一章考题荟萃卷

(时间 100分钟 满分 150分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题 共 50分)

一、选择题(每小题 5分,共 50分)

1. (山东苍山学业水平测试) 已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 5x + 6 = 0\}$, 则集合 A 与集合 B 的关系是 ()

A. $A \subseteq B$ B. $B \subseteq A$ C. $A \cap B = \emptyset$ D. $A \cup B = \emptyset$

2. (广州学业水平测试模拟) 已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$, 则实数 a 的取值范围是 ()

A. $a \leq 1$ B. $a \geq 1$ C. $a < 1$ D. $a > 1$

3. (湖北·理) 若非空集合 A, B 满足 $A \cap B = \emptyset$ 且 A 不是 B 的子集, 则 ()

A. $A \subseteq B$ B. $B \subseteq A$ C. $A \cap B = \emptyset$ D. $A \cup B = \emptyset$

4. (浙江·理) 已知 $A = \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 则 $(A \cap B) \cup (A \cap C)$ 等于 ()

A. $\{1, 2\}$ B. $\{1, 3\}$ C. $\{2, 3\}$ D. $\{1, 2, 3\}$

5. (广州东圃中学学业水平测试模拟) 已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 5x + 6 = 0\}$, 则集合 $A \cap B$ 等于 ()

A. $\{1, 2\}$ B. $\{1, 3\}$ C. $\{2, 3\}$ D. $\{1, 2, 3\}$

6. (辽宁·理) 已知集合 $A = \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, $B = \{x \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 则集合 $\{x \mid x \in A \text{ 且 } x \in B\}$ 等于 ()

A. $\{1, 2\}$ B. $\{1, 3\}$ C. $\{2, 3\}$ D. $\{1, 2, 3\}$

2. (福建·理) 设集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, 那么“ $x \in A$ ”是“ $x \in B$ ”的 ()

充分而不必要条件

必要而不充分条件

充要条件

既不充分也不必要条件

3. (安徽·理) 集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 则下列结论中正确的是 ()

$A \cap B = \{1, 3\}$

$A \cup B = \{1, 3\}$

$A \cap B = \{1\}$

$A \cup B = \{1, 3\}$

4. (陕西·理) 已知全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, $B = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则集合 $A \cap B$ 中元素的个数为 ()

10

5. (山东·理) 满足 $A \subseteq \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 且 $A \cap \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$ 的集合 A 的个数是 ()

1023

6. (安徽学业水平测试模拟) 已知函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 的定义域为 A , 则 $f(x)$ 的值域为 ()

$A \cap \mathbb{R}$

$\mathbb{R}$

$A \cup \mathbb{R}$

$\mathbb{R}$

$A \cap \mathbb{R}$

$\mathbb{R}$

7. (辽宁·理) 设集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 则 $(A \cap B) \cup \{1\}$ 等于 ()

$\{1, 3\}$

$\{1, 3\}$

$\{1, 3\}$

8. (陕西·理) 已知全集 $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 集合 $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$, 则集合 $A \cap B$ 等于 ()

$\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

$\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

$\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

$\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$

9. (湖南·文) 设集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 且满足: 对任意的 $A \subseteq B$, $B \subseteq A$, 都有 $A \cap B = A$, 则 A 的最大值是 ()

$\{1, 3\}$

()

$\{1, 3\}$

第 II 卷 (非选择题共 30 分)

二、填空题 (每小题 5 分, 共 10 分)

10. (江苏·理) 设集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 4x + 3 = 0\}$, 则集合 $A \cap B$ 中有 2 个元素

（福建模拟）已知全集 $U = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$ ， $A = \{x \mid x^2 - 2x + 1 = 0\}$ ， $B = \{x \mid x^2 - x + 1 = 0\}$ ，且 $A \cap B \neq \emptyset$ ，求实数 a 的取值范围。

（辽宁模拟）已知全集 $U = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$ ， $A = \{x \mid x^2 - 2x + 1 = 0\}$ ， $B = \{x \mid x^2 - x + 1 = 0\}$ ，且 $A \cap B \neq \emptyset$ ，求实数 a 的取值范围。

（天津模拟）已知全集 $U = \{x \mid x^2 - 3x + 2 = 0\}$ ， $A = \{x \mid x^2 - 2x + 1 = 0\}$ ， $B = \{x \mid x^2 - x + 1 = 0\}$ ，且 $A \cap B \neq \emptyset$ ，求实数 a 的取值范围。

（圆若 $A \cap B$ 中有四个元素，求 a 及实数 a 的值；

（猿若 $A \cap B$ 中有且仅有两个元素，求 a 及实数 a 的值。

已知函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(2x)$ 的定义域为

已知函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

(摇摇)

已知函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

已知函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

(摇摇)

已知函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

已知函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

(摇摇)

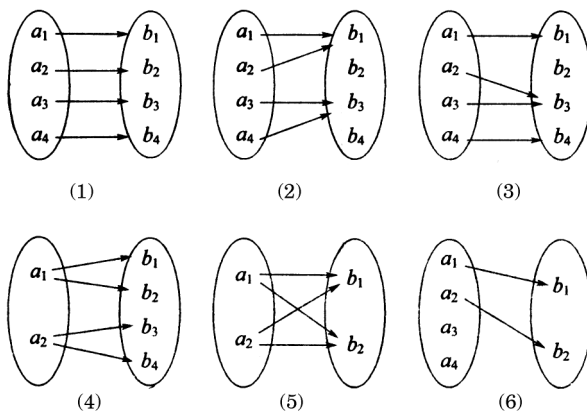


图 1

已知函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

(摇摇)

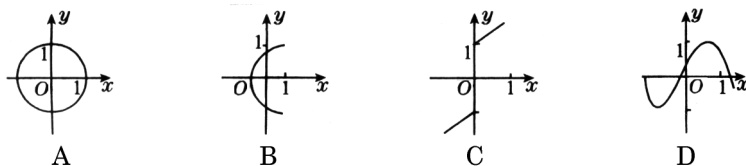


图 2

已知函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

(摇摇)

第 II 卷 (非选择题共 80 分)

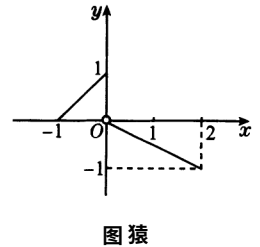
二、填空题 (每小题 5 分, 共 10 分)

若函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

函数 $y = f(x)$ 的定义域为 $[0, 1]$, 则 $y = f(x+1)$ 的定义域为

已知 $f: A \rightarrow B$ 是映射, 则 f 的图像如图 1 所示, 则 f 的表达式为



已知 $f: A \rightarrow B$ 是从集合 A 到集合 B 的一个映射, 则 B 中的元素 b 在 A 中对应的元素是

如果函数 $f(x) = \frac{1}{x}$, 那么 $f(1)$ 恒为 $\frac{1}{1}$ 恒为 $\frac{1}{2}$ 恒为 $\frac{1}{3}$ 恒为 $\frac{1}{4}$

设 $f: A \rightarrow B$ 是映射, 若 f 是单射, 则实数 a 的取值范围为

三、解答题(共 10 分)

题 1 (5 分) 求下列函数的定义域:

(1) $f(x) = \sqrt{x-1}$

(2) $f(x) = \frac{1}{x-1}$

题 2 (5 分) 已知 $f: A \rightarrow B$ 是映射, 则 f 的表达式为

(1) f 中元素 a 在 B 中的对应元素;

(2) f 中元素 b 在 A 中与之对应的元素

例 1 (12 分) 已知函数 $f(x)$ 是定义在 $\mathbb{R}$ 上的函数, 对任意的 x, y 都有 $f(x+y) = f(x) + f(y)$ 成立, 求 $f(1)$ 的值;

(2) 求证: $f(x) \geq 0$

例 2 (12 分) 作出 $f(x) = \begin{cases} x^2, & x \leq 0 \\ x+1, & x > 0 \end{cases}$ 的图像, 并求函数的值域

例 3 (12 分) 某市出租车的计价标准是: 3 公里以内 8 元, 超过 3 公里且不超过 10 公里的部分 2 元/公里, 超过 10 公里的部分 1.5 元/公里. (1) 如果不计等待时间的费用, 建立车费与行车里程的函数关系式;

(2) 如果某人乘车行驶了 15 公里, 他要付多少车费?

粤源原猿

月猿猿猿

悦苑

阅鞣皂而决定的常数

苑函数 枣曾在(原园猿上是增函数,则 枣曾原缘的递增区间是

(摇摇)

粤援猿愿

月援 原苑 原园

悦援 原园猿

阅援园缘

愿已知函数 枣曾 越原曾垣曾原猿则下列判断中错误的是

(摇摇)

粤(员) 约枣/圆

月枣源 约枣猿

悦枣/圆 越枣原原/圆

阅枣/圆 约枣源原/圆

怨若函数 赠枣曾在 砸上单调递增,且有 枣葬) 跃枣 原葬,则实数 葬的取值范围是

(摇摇)

粤援 原肆, 原员

月援 原肆, 原员 $\cup$ (园 肆)

悦援园 肆)

阅援 原员园

员函数 赠枣曾 原曾垣圆在 [原园圆上的最大值与最小值分别为

(摇摇)

粤援园圆

月援园员

悦园员

阅以上都不对

员函数 枣曾 越曾 原曾垣葬圆在 [园葬上的最大值为 猿最小值为 圆则 葬为

(摇摇)

粤援或 员

月猿

悦圆

阅以上都不对

员函数 枣曾 越 $\begin{cases} \text{圆曾垣摇曾} [\text{员圆}, \\ \text{曾垣摇曾} [\text{原员员} \end{cases}$ 则 枣曾的最大值与最小值分别为

(摇摇)

粤援园远

月援园愿

悦愿远

阅以上都不对

第 II 卷(非选择题共 怨园分)

二、填空题(每小题 缘分,共 猿分)

员函数 赠枣曾 原曾原猿的单调递增区间是摇摇摇摇

员已知函数 枣曾 越曾垣曾垣圆在 [园员上是增函数,则 皂的取值范围是摇摇摇摇

员函数 赠枣 原曾垣圆垣圆怨在区间 [葬遭 (葬约遭约猿 上有最大值 怨最小值 原苑则 葬越
摇摇,遭摇摇

员函数 赠枣曾 原曾垣圆在区间 [园源上的最大值为摇摇,最小值为摇摇

员函数 赠枣/曾垣垣/曾原的最小值是摇摇

员已知函数 枣曾 越曾 原曾垣圆在 (原肆, 原圆上递减,在 [原圆 肆)上递增,则 枣曾在 [员圆上
的值域是摇摇

三、解答题(共 20 分)

18. (10 分) 设函数 $f(x)$ 在 $(0, +\infty)$ 上是减函数, 且有 $f(x) \geq 0$, 求实数 a 的取值范围

19. (10 分) 讨论函数 $f(x) = \frac{a}{x} + x$ ($a > 0$) 的单调性

20. (10 分) 求函数 $f(x) = \frac{a}{x} + x$ 在区间 $[1, 2]$ 上的最大值

21. (10 分) 已知函数 $f(x) = \frac{a}{x} + x$ 在 $(0, +\infty)$ 上为减函数
(1) 求 a 的取值范围;

第二章分层演练卷(三)

测试内容 二次函数性质的再研究简单的幂函数 (时间 70分钟满分 100分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第 I 卷(选择题共 30分)

一、选择题(每小题 5分,共 30分)

1. 将函数 $y = x^2 + 2x + 1$ 的图像向右平移 1 个单位长度,再向下平移 1 个单位长度后所得的函数的解析式为 ()

- A. $y = x^2 + 2x + 1$ B. $y = x^2 + 2x - 1$
C. $y = x^2 + 2x + 3$ D. $y = x^2 + 2x - 3$

2. 二次函数 $y = ax^2 + bx + c$ 满足 $a > 0$, $b < 0$, $c > 0$, 且在 $[0, 1]$ 上是增函数且 $f(0) \geq f(1)$, 那么实数 a 的取值范围是 ()

- A. $[0, 1]$ B. $[1, 2]$
C. $[0, 2]$ D. $[1, 3]$

3. 设 $f(x) = x^2 + 2x + 1$ 的图像为图 1 中之一, 则 a 的值为 ()

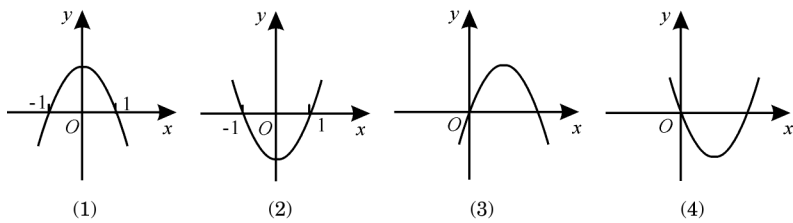


图 1

4. 已知 $f(x) = x^2 + 2x + 1$ 在区间 $(-1, 1)$ 上是减函数, 且 $f(0) = 1$, 则下列各式正确的是 ()

- A. $f(-1) \leq f(0) \leq f(1)$ B. $f(-1) \leq f(1) \leq f(0)$
C. $f(0) \leq f(-1) \leq f(1)$ D. $f(0) \leq f(1) \leq f(-1)$

5. 已知函数 $y = x^2 + 2x + 1$ 的图像如图 2 所示, 则 a 的取值范围是 ()

- A. $[0, 1]$ B. $[1, 2]$
C. $[0, 2]$ D. $[1, 3]$

6. 已知 $f(x)$ 是定义在 $\mathbb{R}$ 上的函数, 在 $(-1, 1)$ 上是单调递增, 已知 $f(x)$ 满足 $f(x) \geq f(-x)$, 设 $a = f(1)$, $b = f(-1)$, 则 a 与 b 的大小关系为 ()

- A. $a \geq b$ B. $a \leq b$
C. $a > b$ D. $a < b$

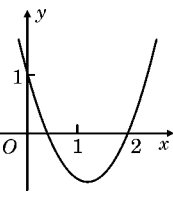


图 2

下列函数是幂函数的是 (摇摇)

- ① $y=x^2$ ② $y=x^3$ ③ $y=x^2+1$ ④ $y=x^2-1$ ⑤ $y=x^2+2x$
- 粤爱 ② 月爱 ③
悦爱 ②④ 阅爱 ②③④

如果幂函数 $y=x^a$ 的图像不过原点,则 (摇摇)

- 粤爱 约 苑
月爱 越 猿
悦爱 越 袁 远
阅爱 不存在

已知 $y=x^a$ 是 $(-\infty, +\infty)$ 上的减函数,则满足 $y=x^a$ 的实数 a 的取值范围是 (摇摇)

- 粤爱 $(-\infty, 0)$ 月爱 $(-\infty, 0]$
悦爱 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$ 阅爱 $(-\infty, 0] \cup (0, +\infty)$

已知函数 $y=x^a$ 为偶函数,且图像与 y 轴有四个交点,则方程 $y=x^a$ 的所有根的和为 (摇摇)

- 粤爱 源 月爱 圆
悦爱 圆 阅爱 不能确定

已知 $y=x^a$ 是定义在 $(-\infty, +\infty)$ 上的奇函数,当 $x > 0$ 时, $y=x^a$ 越 袁 远 则在 $(-\infty, +\infty)$ 上函数 $y=x^a$ 的解析式为 (摇摇)

- 粤爱 $y=x^a$ 月爱 $y=x^{-a}$
悦爱 $y=x^a$ 阅爱 $y=x^{-a}$

已知 $y=x^a$ 越 袁 远 则 $y=x^a$ 越 袁 远 在第一象限的图像为图 猿 中的 (摇摇)

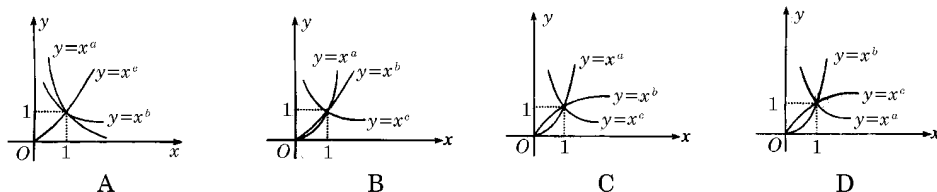


图 猿

第 II 卷(非选择题共 80 分)

二、填空题(每小题 5 分,共 20 分)

已知二次函数 $y=x^2+2x+1$ 则

- (员 它的对称轴方程是摇摇摇;
(圆 值域是摇摇摇;
(猿 单调增区间为摇摇摇;
(源 $y=x^2+2x+1$ 时的 x 的值为摇摇摇;
(缘 $y=x^2+2x+1$ 时的 x 的取值范围是摇摇摇)

函数 $y=x^a$ 越 袁 远 的定义域为摇摇摇,值域为摇摇摇

若二次函数的图像经过点 $(0, 1)$,对称轴为 $x=1$ 最小值为 1 则它的解析式是摇摇摇

设 $y=x^a$ 是定义在 $(-\infty, +\infty)$ 上的奇函数, $y=x^a$ 越 袁 远 且 $y=x^a$ 越 袁 远 那么 $y=x^a$ 垣 袁 远 的值 为摇摇摇

幂函数的图像过点 $(1, 1)$,则 $y=x^a$ 的值为摇摇摇

18. 若 $f(x) = \frac{1}{x}$ 约(狼原) $f(x)$, 则 $f(x)$ 的取值范围是

19. 函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 是幂函数, 且在 $(0, +\infty)$ 上为减函数, 则实数 a 的值为

三、解答题(共 20 分)

20. (10 分) 已知二次函数 $f(x)$ 满足 $f(0) = 1$, $f(1) = 0$ 且 $f(x)$ 的最大值是 1. 试确定此函数解析式

21. (10 分) 已知函数 $f(x) = \frac{1}{x}$, $x \in [1, 2]$

(1) 当 $x \in [1, 2]$ 时, 求函数 $f(x)$ 的最小值;

(2) 若对任意 $x \in [1, 2]$, $f(x) \geq 0$ 恒成立, 试求实数 a 的取值范围

22. (10 分) 已知二次函数 $f(x) = x^2 + 2x + a$, 若 a 是方程 $f(x) = 0$ 的实数根, 且 $a \in [0, 1]$, 试判断 $f(x)$ 在区间 $[0, 1]$ 上是否为单调函数, 并说明理由

（12分）已知函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x - 3, & x \leq 0 \\ \ln x, & x > 0 \end{cases}$ 援

（1）判定其奇偶性；

（2）指出该函数在区间 $(0, 1)$ 上的单调性并证明；

（3）利用（1）、（2）的结论，指出该函数在 $(-\infty, +\infty)$ 上的增减性援

（12分）某厂生产某种零件，每个零件的成本为 5 元，出厂单价定为 8 元援该厂为鼓励销售商订购，决定当一次订购量超过 100 个时，每多订购一个，订购的全部零件的出厂单价就降低 0.01 元，但实际出厂单价不能低于 6 元援

（1）当一次订购量为多少个时，零件的实际出厂单价恰好降为 6 元？

（2）设一次订购量为 x 个，零件的实际出厂单价为 p 元，写出函数 $p = f(x)$ 的表达式援

（3）当销售商一次订购 150 个零件时，该厂获得的利润是多少元？如果订购 400 个，利润又是多少元？（工厂售出一个零件的利润 = 实际出厂单价 - 原成本）

若函数 $f(x)$ 的定义域是 $[0, 1]$ ，则函数 $f(x^2)$ 的定义域是 (摇摇)

粤 $[0, 1]$
 月 $[0, 1]$
 悦 $[0, 1]$
 阅 $[0, 1]$

月 $[0, 1]$
 悦 $[0, 1]$
 阅 $[0, 1]$

已知 $f(x)$ 是 $\mathbb{R}$ 上的减函数，则满足 $f(x) > f(2x-1)$ 的实数 x 的取值范围是 (摇摇)

粤 $(-\infty, 1)$
 悦 $(-\infty, 1) \cup (1, +\infty)$

月 $(-\infty, 1)$
 阅 $(-\infty, 1) \cup (1, +\infty)$

在图 1 的四个图像中，是函数图像的是 (摇摇)

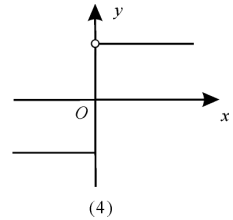
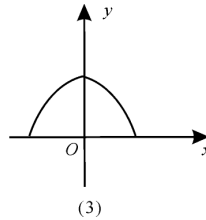
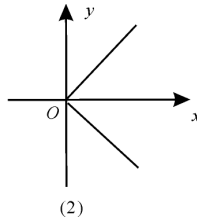
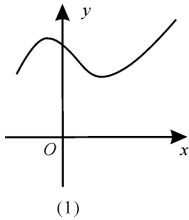


图 1

粤 $(-\infty, 1)$
 悦 $(-\infty, 1) \cup (1, +\infty)$

月 $(-\infty, 1)$
 阅 $(-\infty, 1) \cup (1, +\infty)$

设 $f(x)$ 为定义在 $\mathbb{R}$ 上的偶函数，且 $f(x)$ 在 $[0, 1]$ 上为增函数，则 $f(0)$ 、 $f(-1)$ 、 $f(2)$ 的大小顺序是 (摇摇)

粤 $f(-1) < f(0) < f(2)$
 悦 $f(-1) < f(2) < f(0)$

月 $f(-1) < f(0) < f(2)$
 阅 $f(-1) < f(2) < f(0)$

设 $f(x)$ 是定义在 $\mathbb{R}$ 上的偶函数，且 $f(x)$ 在 $[0, 1]$ 上是减函数，则 $f(x)$ 在区间 $[-1, 0]$ 上是增函数，在区间 $[1, 2]$ 上是增函数 (摇摇)

粤 在区间 $[-1, 0]$ 上是增函数，在区间 $[1, 2]$ 上是增函数
 月 在区间 $[-1, 0]$ 上是增函数，在区间 $[1, 2]$ 上是减函数
 悦 在区间 $[-1, 0]$ 上是减函数，在区间 $[1, 2]$ 上是增函数
 阅 在区间 $[-1, 0]$ 上是减函数，在区间 $[1, 2]$ 上是减函数

由于被墨水污染，一道数学题仅能见到下列文字：“已知二次函数 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 的图像过点 $(1, 0)$ ，…，求证：这个二次函数的图像关于直线 $x = -\frac{b}{2a}$ 对称”。根据以上信息，题中的二次函数图像不具有的性质是 (摇摇)

粤 过点 $(1, 0)$
 月 顶点是 $(1, 0)$
 悦 在 y 轴上截得的线段长是 2
 阅 与 y 轴交点是 $(1, 0)$

第 II 卷 (非选择题共 80 分)

二、填空题 (每小题 5 分，共 10 分)

函数 $f(x) = \sqrt{x}$ 的定义域是

设函数 $f(x)$ 是定义域在 $\mathbb{R}$ 上的奇函数，当 $x \leq 0$ 时， $f(x) = x^2$ ，则当 $x > 0$ 时， $f(x)$ 的解析式为

摇摇摇援

函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, 0)$ 上是增函数, 当 $x \in (0, +\infty)$ 时是减函数, 则 $f(x)$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 上是增函数还是减函数? 证明你的结论援

三、解答题(共 40 分)

员援(10 分) 求下列函数的定义域援

(1) $f(x) = \sqrt{x^2 - 4}$ 援

圆援(10 分) 设函数 $f(x)$ 为定义在 $\mathbb{R}$ 上的偶函数, 当 $x \in (0, +\infty)$ 时, $f(x)$ 的图像经过点 $(1, 1)$, 又在 $x \in (-\infty, 0)$ 的图像中, 另一部分是顶点在 $(-1, 1)$ 且过点 $(-2, 0)$ 的一段抛物线, 试写出函数 $f(x)$ 的表达式, 并作出其图像援

猿援(10 分) 已知 $f(x)$ 满足 $f(x) + f(1-x) = 1$ 援它在 $(0, 1)$ 上是增函数, 且 $f(0) = 0$ 援试问 $f(x)$ 在 $(1, 2)$ 上是增函数还是减函数? 证明你的结论援

圆援(10 分) 如图 圆所示, 梯形 $ABCD$ 各顶点的坐标分别为 $A(6, 0)$, $B(4, 2)$, $C(2, 2)$, $D(0, 0)$ 援一条与 CD 平行的动直线 l 从 D 点开始作平行移动, 到 B 点为止援设直线 l 与 x 轴的交点为 M , 记梯形被直线 l 截得的在 l 左侧的图形的面积为 S 援求函数 $S(x)$ 的解析式、定义域、值域以及 $S(x)$ 在 $[0, 2]$ 上的值援

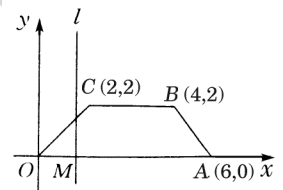


图 圆

圆援(10 分) 已知二次函数 $f(x)$ 满足条件 $f(0) = 1$ 和 $f(1) = 0$ 援求 $f(x)$ 的解析式援

(员求零曾；

(圆求零曾在区间 $[a, b]$ 上的最大值和最小值

例 5 (分) 某租赁公司拥有汽车 100 辆, 当每辆车的月租金为 3000 元时, 可全部租出. 当每辆车的月租金每增加 50 元时, 未租出的车将会增加一辆. 租出的车每辆每月需要维护费 150 元, 未租出的车每辆每月需要维护费 50 元.

(员当每辆车的月租金定为 3600 元时, 能租出多少辆车?

(圆当每辆车的月租金定为多少元时, 租赁公司的月收益最大? 最大月收益是多少元?

第二章考题荟萃卷

(时间 100分钟 满分 150分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题共 40分)

一、选择题(每小题 5分,共 40分)

1. (全国卷Ⅱ·理)函数 $y = \frac{1}{x}$ 的图像关于 ()

- 粤 轴对称
- 月 直线 $y = x$ 对称
- 悦 坐标原点对称
- 阅 直线 $y = -x$ 对称

2. (山东苍山学业水平测试)函数 $y = \frac{1}{x}$ 的值域是 ()

- 粤 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$
- 月 $(-\infty, 0) \cup (0, 1]$
- 悦 $(-\infty, 0) \cup (1, +\infty)$
- 阅 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$

3. (重庆·理)若定义在 $\mathbb{R}$ 上的函数 $f(x)$ 满足:对任意 $x, y \in \mathbb{R}$ 有 $f(x+y) = f(x) + f(y)$ 恒成立,则下列说法一定正确的是 ()

- 粤 $f(x)$ 为奇函数
- 月 $f(x)$ 为偶函数
- 悦 $f(x)$ 恒为奇函数
- 阅 $f(x)$ 恒为偶函数

4. (湖北·文)已知 $f(x)$ 在 $\mathbb{R}$ 上是奇函数,且满足 $f(x+2) = -f(x)$,当 $x \in (0, 1)$ 时, $f(x) = x$,则 $f(2015)$ 等于 ()

- 粤 1
- 月 -1
- 悦 0
- 阅 2

5. (江西·文)若函数 $f(x)$ 的定义域是 $[0, 1]$,则函数 $f(x)$ 的定义域是 ()

- 粤 $[0, 1]$
- 月 $[0, 2]$
- 悦 $[0, 1] \cup [1, 2]$
- 阅 $[0, 2]$

6. (辽宁·文)若函数 $f(x)$ 为偶函数,则 $f(x)$ 等于 ()

- 粤 $f(x)$
- 月 $f(-x)$
- 悦 $f(x) + f(-x)$
- 阅 $f(x) - f(-x)$

7. (安徽·文)设函数 $f(x) = \frac{1}{x}$, $x \in \mathbb{R}$,则 $f(x)$ ()

- 粤 有最大值
- 月 有最小值
- 悦 是增函数
- 阅 是减函数

8. (山东·文)设函数 $f(x) = \frac{1}{x}$, $x \in \mathbb{R}$,则 $f(x)$ 的值为 ()

- 粤 1
- 月 -1
- 悦 0
- 阅 2

2. (重庆·文) 函数 $f(x) = \sqrt{x}$ 的最大值为 ()

A. $\frac{1}{2}$ B. $\frac{\sqrt{2}}{2}$ C. $\frac{\sqrt{3}}{2}$ D. $\frac{\sqrt{6}}{2}$

3. (全国卷 I·理) 设奇函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, 0)$ 上为增函数, 且 $f(-1) = 2$, 则不等式 $f(x) < 2$ 的解集为 ()

A. $(-1, 0) \cup (1, +\infty)$ B. $(-1, 0) \cup (-\infty, -1)$
 C. $(-1, 0) \cup (0, 1)$ D. $(-1, 0) \cup (0, +\infty)$

4. (天津·理) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x - 2, & x \leq 0 \\ \ln x, & x > 0 \end{cases}$, 则不等式 $f(x) \leq 0$ 的解集是 ()

A. $[-2, 0] \cup (1, +\infty)$ B. $[-2, 0] \cup (0, 1)$
 C. $[-2, 0] \cup (0, 2)$ D. $[-2, 0] \cup (2, +\infty)$

5. (山东) 设 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x - 2, & x \leq 0 \\ \ln x, & x > 0 \end{cases}$, 则使函数 $f(x)$ 的定义域为 $\mathbb{R}$ 且为奇函数的所有 a 的值为 ()

A. $a = 2$ B. $a = 1$
 C. $a = 0$ D. $a = -1$

6. (福建) 已知 $f(x)$ 是 $\mathbb{R}$ 上的减函数, 则满足 $f(x) < f(2x - 1)$ 的实数 x 的取值范围是 ()

A. $(-\infty, 1)$ B. $(1, +\infty)$
 C. $(-\infty, 2)$ D. $(2, +\infty)$

7. (天津) 在 $\mathbb{R}$ 上定义的函数 $f(x)$ 是偶函数, 且 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x - 2, & x \leq 0 \\ \ln x, & x > 0 \end{cases}$, 若 $f(x)$ 在区间 $[1, 2]$ 上是减函数, 则 a 的取值范围是 ()

A. $[-2, 0]$ B. $[-2, 1]$
 C. $[-2, 2]$ D. $[-2, +\infty)$

8. (辽宁) 设 $f(x)$ 是 $\mathbb{R}$ 上的任意函数, 则下列叙述正确的是 ()

A. $f(x) + f(-x)$ 是奇函数 B. $f(x) - f(-x)$ 是奇函数
 C. $f(x) + f(x)$ 是偶函数 D. $f(x) - f(x)$ 是偶函数

第 II 卷 (非选择题共 90 分)

二、填空题 (每小题 5 分, 共 20 分)

9. (安徽) 函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 对于任意实数 x 满足条件 $f(x) + f\left(\frac{1}{x}\right) = 2$, 若 $f(x) > 1$, 则 x 的取值范围是 ()

10. (湖北) 已知函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x - 2, & x \leq 0 \\ \ln x, & x > 0 \end{cases}$ 的定义域为 $\mathbb{R}$, 值域为 $[-1, 1]$, 则 a 的值为 ()

摇摇援

员援(上海春招) 设函数 $f(x)$ 是奇函数, 若 $f(1) = 2$, $f(2) = 3$, 则 $f(-1) =$ $f(-2) =$ 摇摇摇摇

员援(全国) 已知函数 $f(x) = \frac{1}{x}$, 若 $f(x)$ 为奇函数, 则 $f(x)$ 的图像关于 y 轴对称

员援(浙江·理) 已知 $f(x)$ 为常数, 函数 $f(x)$ 在区间 $[1, 2]$ 上的最大值为 2 , 则 $f(x) =$ 摇摇摇摇

三、解答题(共 20 分)

员援(安徽学业水平测试模拟) 已知函数 $f(x) = x^2 + 2x + 1$

(员用定义证明 $f(x)$ 是偶函数;

(圆用定义证明 $f(x)$ 在 $(-\infty, 0]$ 上是减函数;

(猿在所给坐标系中(如图 1), 作出函数 $f(x)$ 的图像, 并写出函数 $f(x)$ 当 $x \in [1, 2]$ 时的最大值与最小值

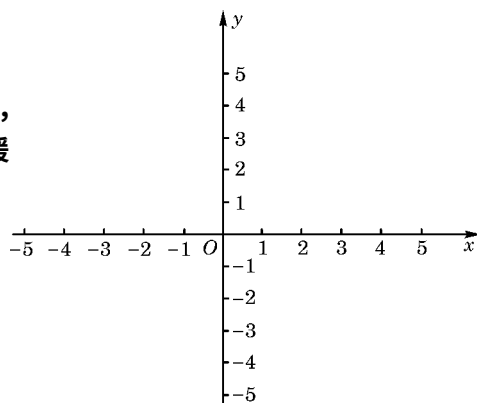


图 1

员援(辽宁模拟) 函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 是定义在 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$ 上的奇函数, 且 $f(1) = 1$

(员确定函数 $f(x)$ 的解析式;

(圆利用定义证明 $f(x)$ 在 $(-\infty, 0)$ 上是增函数;

(猿 解不等式 枣 贼 员 垣 枣 贼 约 园 援

圆 援 猿 分) (圆 园 远 重 庆) 已 知 定 义 域 为 砸 的 函 数 枣 曾 越 是 奇 函 数 援

(员 求 葬 遭 的 值 ；

(圆 若 对 任 意 的 贼 砸, 不 等 式 枣 贼 原 圆 贼 垣 枣 圆 贼 原 噪 约 园 恒 成 立, 求 噪 的 取 值 范 围 援

圆 援 猿 分) (圆 园 远 山 东 模 拟) 随 着 人 们 物 质 生 活 水 平 的 提 高, 旅 游 业 也 逐 渐 兴 旺 起 来 援 在 圆 园 远 年 春 节 期 间, 王 经 理 开 了 一 个 有 员 圆 个 标 准 房 的 星 级 旅 馆, 经 过 一 段 时 间 的 经 营, 王 经 理 得 到 一 些 定 价 和 住 房 率 的 数 据 ；

房 价 (元)	住 房 率 (豫)
员 圆	缘
员 圆	远
员 圆	苑
员 圆	愿

欲 使 每 天 的 营 业 额 最 高, 应 如 何 定 价 ？

第三章分层演练卷(一)

测试内容 正整数指数函数指数概念的扩充 (时间 70分钟满分 100分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题共 40分)

一、选择题(每小题 5分,共 40分)

某种细菌在培养过程中,每 10分钟分裂一次,经过 100分钟这种细菌 1个将繁殖成 (摇摇)

粤 100个 摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇 粤 10个
悦 1000个 阅 10000个

某厂 1985年的产值为 100万元,预计产值每年以 10%递增,则该厂到 1995年的产值(单位:万元)是 (摇摇)

粤 1000元(摇摇) 粤 1000元(摇摇)
悦 1000元(摇摇) 阅 1000元(摇摇)

设 a, b 是正整数, x 为正实数,观察下列各式 ① $a^x > b^x$; ② $a^x < b^x$; ③ $a^x = b^x$, 其中正确的是 (摇摇)

粤 ① 摇摇摇摇摇摇摇摇 粤 ② 摇摇摇摇摇摇摇摇 悦 ③ 摇摇摇摇摇摇摇摇 阅 ④ 摇摇摇摇摇摇摇摇

下列以 x 为自变量的函数中属于正整数指数函数的是 (摇摇)

粤 $y = 2^x$ (其中 $2 > 0$ 且 $2 \neq 1$ 为常数, $x \in \mathbb{N}$)
粤 $y = 2^x$ ($x \in \mathbb{N}$)
悦 $y = 2^x$ ($x \in \mathbb{R}$)
阅 $y = 2^x$ ($x \in \mathbb{Q}$)

若实数 x 满足 $x^2 + 2x - 1 = 0$ 则 $x^4 + \frac{1}{x^4}$ 的最小值为 (摇摇)

粤 15 摇摇摇摇摇摇摇摇 粤 16 摇摇摇摇摇摇摇摇 悦 17 摇摇摇摇摇摇摇摇 阅 18 摇摇摇摇摇摇摇摇

设 $f(x)$ 是正整数指数函数 $y = a^x$ ($a > 0$ 且 $a \neq 1$) 是 $\mathbb{R}$ 上的减函数,则 a 的取值范围是 (摇摇)

粤 $(0, 1)$ 粤 $(1, +\infty)$
悦 $(-\infty, 0)$ 阅 $(-\infty, 1)$

下列各式运算错误的是 (摇摇)

粤 $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ ($a > 0$) 粤 $a^m \cdot a^n = a^{m \cdot n}$ ($a > 0$)
悦 $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ ($a > 0$) 阅 $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$ ($a > 0$)

愿计算 $\frac{(\text{圆}^{\text{世贡}} \text{圆}) \cdot (\frac{\text{员}}{\text{圆}})^{\text{圆世贡}}}{\text{漉} \cdot \text{愿}^{\text{愿圆}}}$ (灶_{三垣} 晕)的结果为

(摇摇)

粤爱源

月圓

悦爱 國原圓世恒远

援員(原出園)

怨穀 麥會 越會 原原 若園 約葬 員則 麥葬 垣葬 等于

(摇摇)

葬原员葬

月葬原

悦爱恒员葬

阅表

已知函数 $z = z(x, y)$ 在 (x_0, y_0) 处可微，且 $z(x_0, y_0) = z_0$ ，则

(摇摇)

粵蹇原蹇 跃蹇原原

月蹇员 跃枣圆

悦蹇圆 跃臻原圆

閱蹇原遠 跃臻原圆

定义正整数指数函数 $y = a^x$ 的导函数为 $y' = a^x \ln a$ ，则下列等式不正确的是

(摇摇)

粵癸曾可贈 越癸曾 · 癸贈

月蹇(曾灶)越教會·恭贈

悦菱會原贈 越菱會贈

閱歷越豐 閱歷越豐

农民收入由工资性收入和其他收入两部分构成， 2015 年某地区农民人均收入为 7000 元（其中工资性收入为 4000 元，其他收入为 3000 元），预计该地区自 2015 年起的 n 年内，农民的工资性收入将以每年 10% 的增长率增长，其他收入每年增加 500 元，根据以上数据， $2015+n$ 年该地区农民人均收入介于

(摇摇)

粵源園元 ~ 源願園元

月源願圓元 ~ 源圓元

悦源園元 ~ 源惠園元

阅源惠园元 ~ 缘园园元

第 II 卷(非选择题共 80 分)

二、填空题(每小题 5 分,共 10 分)

員援已知 圓垣原會越遠則愿垣原會越摇摇摇援

已知函数 $y = \frac{1}{x}$ 在 $(0, +\infty)$ 上为减函数，则 $y = \frac{1}{x}$ 在 $(-\infty, 0)$ 上为增函数。

员若猿越园近夷葬〔噪噪员,噪在则噪越摇摇摇摇援

员原援 员原越 员原越 则 员原 员原 员原 垣 员原 越 摇 摇 摇 摇 援

例 已知不等式 $\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \geq \frac{a}{x+y}$, 其中 $x, y \in \mathbb{R}^+$, 使此不等式成立的 a 的最小整数值是

(猿函数 零會有最值嗎？若有，試求出；若无，说明原因援

圖 4-10 (分) 已知 尊因贈因且 會(會垣贈) 越贈(會垣贈), 求 $\frac{\text{會垣贈垣贈}}{\text{會垣贈原贈}}$ 的支援

图 5.5.1 (分) 在不同坐标系里画出正整数指数函数 $y = 2^x$ 和 $y = \frac{1}{2}x$ 的图像, 并说明各自的单调性

【例 1】(10 分) 牛顿冷却规律描述一个物体在常温环境下的温度变化, 如果物体的初始温度是 T_0 , 则经过一定时间 t 后温度 T 将满足 $T - T_{\text{环}} = (T_0 - T_{\text{环}}) \cdot e^{-kt}$, 其中 $T_{\text{环}}$ 是环境温度, 使上式成立所需要的时间 t 称为半衰期, 在这样的情况下, 经过时间 t 后的温度 T 将满足 $T - T_{\text{环}} = (T_0 - T_{\text{环}}) \cdot e^{-kt}$.

(1) 现有一杯用 90°C 热水冲的速溶咖啡, 放置在 20°C 的房间中, 如果咖啡降温到 60°C 需 10 分钟, 问欲降温到 40°C 需要多少时间?

第三章分层演练卷(二)

测试内容 指数函数 (时间 75分钟 满分 150分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第 I 卷(选择题 共 75分)

一、选择题(每小题 5分,共 75分)

1. 如图 1 是指数函数 ① $y=a^x$, ② $y=b^x$, ③ $y=c^x$, ④ $y=d^x$ 的图像, 则 a, b, c, d 的大小关系是 ()

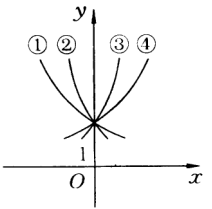


图 1

2. 下列函数中值域为 $(0, +\infty)$ 的是 ()

3. 若函数 $y=a^x$ 的图像经过第二、三、四象限, 则一定有 ()

4. 函数 $y=a^x$ 的单调递增区间是 ()

5. 函数 $y=a^x$ 的图像如图 2 所示, 其中 a 为常数, 则下列结论正确的是 ()

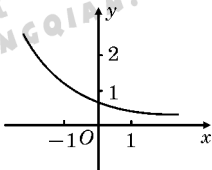


图 2

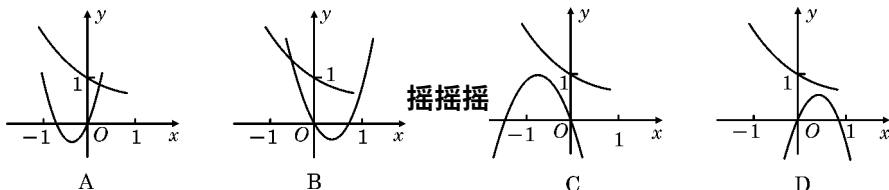
6. 若函数 $y=a^x$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 上是 ()

悦 调递增无最大值

阅 调递增有最大值

猿 二次函数 赠越葬垣葬与指数函数 赠越(遭葬)的图像只能是图猿中的

(摇摇)



图猿

愿 当 曾越园时,奇函数 零曾 越园 则当 曾越园时,零曾 等于

(摇摇)

粤 园

月 园

悦 园

阅 园

怨 已知函数 零曾 越葬,则

(摇摇)

粤 在 砸上是减函数

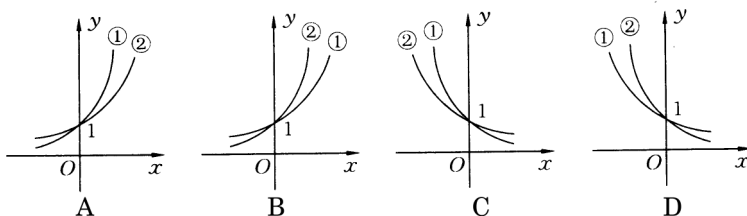
月 在 (原肄,园)上是减函数

悦 在 [园,肆)上是减函数

阅 在 (原肄,肆)上是增函数

员 指数函数 ① 零曾 越葬,② 早曾 越肆,满足不等式 园约皂约肆则它们的图像是图源中的

(摇摇)



图源

第 II 卷(非选择题共 员园分)

二、填空题(每小题 源分,共 圆分)

员 函数 零曾 越 员的定义域是

圆 对于任意实数 葬的值,函数 赠越葬垣葬垣葬的图像恒过定点

猿 已知函数 零曾 越 员 垣葬为奇函数,则 葬的值为

源 已知函数 零曾 越 圆 原员的图像与直线 赠越肆只有一个公共点,则 葬的取值范围是

缘 函数 零曾 越肆(葬越园且 葬 员 在区间 [员,圆)上的最大值比最小值大 猿,则 葬

陆 函数 赠越 圆 原员的递减区间是

三、解答题(共 24 分)

17. (12 分) 求下列函数的值域

(1) $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 3}{x^2 + 1}$;

(2) $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 3}{x^2 + 1}$

18. (12 分) 函数 $f(x) = \frac{x^2 + 2x + 3}{x^2 + 1}$ 在区间 $[0, 1]$ 上有最大值, 求 a 的值

19. (12 分) 设 $f(x)$ 的定义域为 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$, 且函数 $f(x)$ 为奇函数, 当 $x > 0$ 时,

$f(x) = \frac{x^2 + 2x + 3}{x^2 + 1}$

(1) 求 $x < 0$ 时, $f(x)$ 的解析式;

(2) 解不等式 $f(x) \geq 0$

（12分）已知函数 $f(x) = \frac{1}{x} - \ln x$ 是奇函数

（1）求 a 的值；

（2）证明函数 $f(x) = \frac{1}{x} - \ln x$ 的单调性与 a 的值无关

（12分）已知函数 $f(x) = \frac{1}{x} - \ln x$ 是奇函数

（1）将 $f(x)$ 表示成 $\frac{1}{x}$ 的函数；

（2）求 $f(x)$ 的最小值

（12分）已知函数 $f(x) = \frac{1}{x} - \ln x$ 是奇函数

（1）求 $f(x)$ 的定义域；

（2）判断函数的奇偶性；

（3）证明 $f(x) > 0$

第三章分层演练卷(三)

测试内容 对数摇对数函数 (时间 70分钟摇满分 100分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第 I 卷(选择题摇共 70分)

一、选择题(每小题 5分,共 70分)

1. 若 $a > 0$ 且 $a \neq 1$, 则 $\log_a a =$ () (摇摇)

粤 0 摇 悦 1 摇 月 2 摇 阅 3

2. 在下列四个式子中(已知 $a > 0$ 且 $a \neq 1$),

① $\log_a a = 1$ ② $\log_a a = 0$ ③ $\log_a a = a$ ④ $\log_a a = \frac{1}{a}$ 其中正确的有 (摇摇)

粤 1 摇 悦 2 摇 月 3 摇 阅 4

3. 若 $\log_a a = 1$ 且 $\log_a a = 0$ (其中 a 为不等于 1 的正数), 则下列不等式可以是 (摇摇)

粤 $a > 1$ 摇 悦 $a < 1$ 摇 月 $a > 0$ 摇 阅 $a < 0$

4. 有以下四个结论 ① $\log_a a = 1$ ② $\log_a a = 0$ ③ 若 $\log_a a = 1$ 则 $a > 1$ ④ $\log_a a = 0$ 其中正确的 (摇摇)

粤 ①② 摇 悦 ③④ 摇 月 ①③ 摇 阅 ②④

5. 已知 $\log_a a = 1$ 且 $\log_a a = 0$ 则 a 等于 (摇摇)

粤 1 摇 悦 0 摇 月 $a > 1$ 摇 阅 $a < 1$

6. 计算 $\log_a a = 1$ 的结果是 (摇摇)

粤 1 摇 悦 0 摇 月 $a > 1$ 摇 阅 $a < 1$

7. 已知 $\log_a a = 1$ 且 $\log_a a = 0$ (其中 a 为不等于 1 的正数), 则 a 的取值范围是 (摇摇)

粤援皂葬跃园
悦援皂葬跃园

月援皂葬跃园
阅援皂葬跃园

愿赠扎是正实数，且 $\frac{1}{x} > \frac{1}{y} > \frac{1}{z}$ ，则 $\frac{1}{x} > \frac{1}{y} > \frac{1}{z}$ 等于 (摇摇)

粤援
悦援

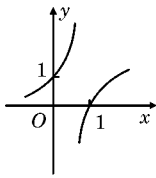
月援
阅援

怨已知 $\log_2 x = 1$ ，那么 $\log_2 x$ 用 $\log_2 x$ 表示是 (摇摇)

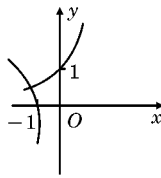
粤援
悦援

月援
阅援

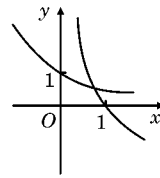
员已知 $\log_2 x = 1$ 且 $\log_2 y = 1$ ，函数 $\log_2 x$ 与 $\log_2 y$ (原) 的图像只能是图 员中的 (摇摇)



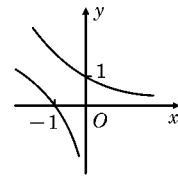
A



B



C



D

图 员

员已知 $\log_2 x = 1$ ， $\log_2 y = 1$ ， $\log_2 z = 1$ ，则 $\log_2 x$ 等于 (摇摇)

粤援 $\frac{1}{\pi}$

月援 $\frac{\pi}{2}$

悦援

阅援 或 $\frac{\pi}{2}$

员若函数 $\log_2 x$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 内恒有 $\log_2 x > 0$ ，则 $\log_2 x$ 的单调增区间为 (摇摇)

粤援 $(-\infty, \frac{1}{2})$

月援 $(\frac{1}{2}, +\infty)$

悦援 $(-\infty, +\infty)$

阅援 $(-\infty, \frac{1}{2})$

第 II 卷 (非选择题共 80 分)

二、填空题 (每小题 5 分，共 10 分)

员已知 $\log_2 x = 1$ ，则 $\log_2 x$ 等于

员若函数 $\log_2 x$ 在 $(-\infty, +\infty)$ 内恒有 $\log_2 x > 0$ ，则 $\log_2 x$ 的单调增区间为

员函数 $\log_2 x$ 的定义域是

员若 $\frac{1}{x} \in [1, 2]$ 则 x 的值为

员若 $\frac{1}{x} \in (1, 2)$ 则 x 的取值范围是

三、解答题(共 40 分)

员(10 分) 员若 $\frac{1}{x} \in (1, 2)$ 求 x 的值

(2 已知 $\frac{1}{x} \in (1, 2)$ 试用 x 表示 $\frac{1}{x}$

(3 已知 $\frac{1}{x} \in (1, 2)$ 求 x 的值

员(10 分) 设 $\frac{1}{x}$ 均为不等于 0 的正数, 且 $\frac{1}{x} \in (1, 2)$ 求 x 的值

员(10 分) 如果方程 $\frac{1}{x} \in (1, 2)$ 的两个根是 α, β , 求 $\alpha \cdot \beta$ 的值

（12分）作函数 $y = \frac{1}{x}$ 的图像

（12分）已知函数 $y = \frac{1}{x}$ 的图像恒过定点 $P(1, 1)$ ，且点 P 在函数 $y = \frac{1}{x}$ 的图像上
（1）求 $y = \frac{1}{x}$ 的反函数；

（2）若 $y = \frac{1}{x}$ 的图像与 $y = \frac{1}{x}$ 的图像相切，求 a

（12分）求函数 $y = \frac{1}{x}$ 的单调区间

（12分）已知 $a > 0$ ，求函数 $y = \frac{1}{x}$ 在 $(0, a]$ 上的最大值和最小值

第三章分层演练卷(四)

测试内容 指数函数、幂函数、对数函数增长的比较 (时间 70分钟满分 100分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题共 30分)

一、选择题(每小题 3分,共 30分)

1.某企业生产值的月平均增长率为 a ,则年平均增长率为 ()

- A. $12a$ B. $1+a$ C. $1+12a$ D. $1+12a^2$

2.某厂产量第二年增长率为 a ,第三年增长率为 b ,这两年的平均增长率为 x ,则 ()

- A. $x = \frac{a+b}{2}$ B. $x = \sqrt{ab}$ C. $x = \sqrt[3]{ab}$ D. $x = \sqrt[3]{\frac{a+b}{2}}$

3.如果某林区的森林蓄积量每年平均比上年增长 $a\%$,那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍,则函数 $y = f(x)$ 的图像大致为图 1 中的 ()

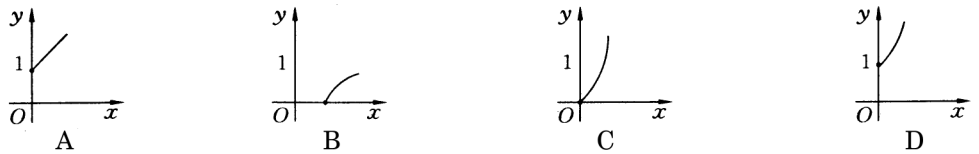


图 1

4.方程 $\log_2 x = x$ 的解的个数为 ()

- A. 0 B. 1 C. 2 D. 3

5.当 $x > 0$ 时,以下正确的是 ()

- A. $x^2 > x$ B. $x^2 < x$ C. $x^2 = x$ D. $x^2 \geq x$

6.已知 $a > 1$,下列不等式中成立的一个是 ()

- A. $a^2 > a$ B. $a^2 < a$ C. $a^2 = a$ D. $a^2 \geq a$

7.从盛满 100 升纯酒精的容器里倒出 10 升,然后用水加满,混合后再倒出 10 升,再用水加满,这样继续进行,如果倒第 n 次时倒出纯酒精 x 升,则 x 的表达式为 ()

- A. $x = 10 \cdot 0.9^n$ B. $x = 10 \cdot 0.9^{n-1}$ C. $x = 10 \cdot 0.9^n$ D. $x = 10 \cdot 0.9^{n-1}$

悦噪越噪

阅噪越噪

已知光线每通过一块玻璃板,光线的强度要损失掉 $\frac{1}{n}$,要使通过玻璃板的光线的强度减弱到原来强度的 $\frac{1}{n}$ 以下,则至少需要重叠的玻璃板的数量为 (摇摇)

粤块摇摇摇摇摇摇月块摇摇摇摇摇摇悦块摇摇摇摇摇摇阅块

某学生在期中考试中,数学、英语两门功课一好一差,为了在后半学期的月考和期末两次考试提高英语成绩,他决定重点加强英语复习,结果两次考试中英语成绩每次都比上次提高了 $\frac{1}{n}$,但数学成绩每次都比上次降低了 $\frac{1}{n}$,这时恰好两门功课分值均为 皂分,则这名学生这两科的期末总成绩比期中是 (摇摇)

粤降低了

月提高了

悦不提不降

阅是否提高与 皂值有关

下列函数中随 x 的增大而增大速度最快的是 (摇摇)

粤 2^x

月 x^2

悦 x^3

阅 x^4

第 II 卷(非选择题共 皂分)

二、填空题(每小题 远分,共 圆分)

已知如下表所示,

曾	员	猿	缘	苑	怨	员
赠	缘	员	远	员	猿	远
赠	缘	圆	圆	圆	猿	员
赠	缘	远	远	远	苑	苑

其中呈对数型函数变化的变量是摇摇,呈指数函数型变化的变量是摇摇,呈幂函数型变化的变量是摇摇

某种动物繁殖数量 赠(只)与时间 曾(年)的关系式为 赠越葬^曾,设这种动物第一年有 员只,到第 苑年共有摇摇只

函数 赠越葬^曾的单调递减区间是摇摇

方程 圆原曾越曾^圆的解的个数为摇摇

三、解答题(共 苑分)

有一种树木栽植五年后可成材,在栽植后五年内,年增长 圆%,如果不砍伐,从第六年到第十年,年增长 员%,现有两种砍伐方案:

甲方案 栽植五年后不砍伐,等到十年后砍伐;

乙方案 栽植五年后砍伐重栽,再过五年再砍伐一次

问哪种方案能获得更多的木材?

例 1 (12 分) 某公司拟投资 100 万元, 有两种投资方案可供选择: 一种是年利率 5%, 按单利计算, 3 年后收回本金和利息; 另一种是年利率 4%, 按每年复利一次计算, 3 年后收回本金和利息. 哪一种投资更有利? 这种投资比另一种投资 3 年可多得利息多少元? (结果精确到 0.01 万元)

例 2 (12 分) 生物体内的放射性碳-14 不断衰变, 经过 t 年其残留量 M 与原始含量 M_0 之间的关系是 $M = M_0 e^{-\lambda t}$, 其中 e 为自然对数的底数, λ 是常数, 并且已知 ^{14}C 的半衰期为 5730 年. 我国出土的一些古莲子, 测得它的 M 与 M_0 的比是 $\frac{1}{2}$, 那么这些古莲子是多少年前的遗物?

例 3 (12 分) 甲、乙两人连续 6 年对某县农村甲鱼养殖业的规模 (产量) 进行调查, 并提供了两个方面的信息. 图 1 甲调查表明: 每个甲鱼池平均出产量从第 1 年 1 万只甲鱼上升到第 6 年 2 万只; 乙调查表明: 甲鱼池个数由第 1 年 30 个减少到第 6 年 10 个. 请你根据提供的信息说明:

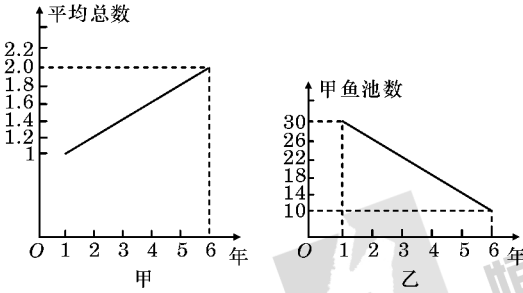


图 1

(1) 第 6 年甲鱼池的个数及全县出产甲鱼的总数

(圆 到第 远年这个县的甲鱼养殖业的规模比第 员年扩大了还是缩小了,说明理由援

(猿 哪一年的规模最大?说明理由援

员圆分)一种放射性元素,最初的质量为 缘园早按每年 员圆%衰减援
(员 求 贼年后,这种放射性元素质量 憎的表达式;

(圆 由求出的函数表达式,求这种放射性元素的半衰期(精确到 园%援

圆圆分)某工厂 圆园园远年 员月、圆月、猿月生产某产品分别为 员万件、员圆万件、员猿万件,为估计以后每月的产量,以这三个月的产量为依据,用一个函数模拟该产品的月产量 赠与月份 曾的关系,模拟函数可选用二次函数或 赠=葬遭垣糟葬遭糟为常数),已知 源月份该产品的产量为 员肆万件援请问:用以上哪个函数作模拟函数比较好?说明理由援

第三章知能闯关卷

(时间 100分钟 满分 150分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题 共 100分)

一、选择题(每小题 5分,共 100分)

1. 函数 $y = \sqrt{x-1}$ 的定义域是 ()

- A. $x \geq 1$ B. $x > 1$ C. $x \geq 0$ D. $x > 0$

2. 函数 $y = \frac{1}{x}$ 的图像一定 ()

- A. 关于点 $(0, 0)$ 对称 B. 关于点 $(1, 1)$ 对称
C. 关于直线 $y = x$ 对称 D. 关于直线 $y = -x$ 对称

3. 已知 $f(x) = x^2 - 2x + 1$, 若 $f(x) \geq 0$, 则 x 的取值范围是 ()

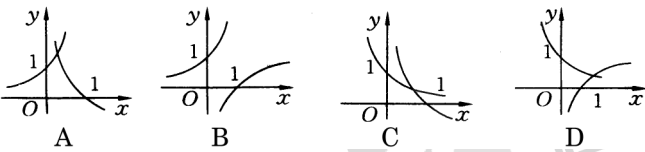


图 1

4. 若不等式 $x^2 - 2x + 1 \geq 0$ 的解集为 ()

- A. $\{x | x \leq 1\}$ B. $\{x | x \geq 1\}$
C. $\{x | x \leq 0\}$ D. $\{x | x \geq 0\}$

5. 已知函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 的图像与函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 的图像关于直线 $y = x$ 对称, 则 ()

方程 $x^2 - 2x + 1 = 0$ 的实根的个数为 2

三、解答题(共 20 分)

(10 分) 化简求值：

$$(\sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \dots}}})^2$$

(10 分) 设 $f(x) = \sqrt{x^2 + 1}$ ，求 $f'(x)$ ；

$$(\sqrt{1 + \sqrt{1 + \sqrt{1 + \dots}}})^2$$

(10 分) 函数 $y = a^x$ 是正整数指数函数，求 a 的值

(10 分) 函数 $y = \log_a x$ 的图像的对称轴为 $x = 1$ ，求常数 a

(10 分) 判断 $y = \log_a x$ 的单调性

（12分）已知 $f(x)$ 为定义在 $(-1, 1)$ 上的奇函数，当 $x \in (0, 1)$ 时， $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$ 援

（1）求 $f(x)$ 在 $(-1, 1)$ 上的解析式；

（2）判断 $f(x)$ 在 $(-1, 1)$ 上的单调性，并给予证明援

（12分）已知函数 $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$ 援

（1）判断函数 $f(x)$ 的奇偶性；

（2）当函数 $f(x)$ 满足 $f(x) \geq \frac{1}{2}$ 时，求 x 的取值范围援

（12分）已知 $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 + 1}$ 援

（1）求 $f(x)$ 的定义域；

（2）判断 $f(x)$ 的奇偶性并予以证明；

（3）求使 $f(x) \geq \frac{1}{2}$ 的 x 的取值范围援

第三章考题荟萃卷

(时间 100分钟 满分 150分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题共 70分)

一、选择题(每小题 5分,共 70分)

1. (山东苍山学业水平测试) 设 $a > 0$, $b > 0$, 则 $\frac{a}{b} + \frac{b}{a}$ 的值为 ()

2. (天津·文) 函数 $y = \ln x$ 的反函数是 ()

3. (湖南·文) 下列不等式成立的是 ()

4. (江西·文) 若 $a > 0$, $b > 0$, 则 ()

5. (辽宁·文) 已知 $a > 0$, $b > 0$, 则 ()

6. (山东苍山学业水平测试) 函数 $y = \ln x$ 的图像与 $y = \ln x$ 的图像关于直线 $y = x$ 对称, 而函数 $y = \ln x$ 的图像与 $y = \ln x$ 的图像关于 y 轴对称, 若 $a > 0$, 则 b 的值为 ()

7. (全国卷Ⅱ·理) 若 $a > 0$, $b > 0$, 则 ()

8. (安徽·理) 在同一平面直角坐标系中, 函数 $y = \ln x$ 的图像与 $y = \ln x$ 的图像关于直线 $y = x$ 对称, 而函数 $y = \ln x$ 的图像与 $y = \ln x$ 的图像关于 y 轴对称, 若 $a > 0$, 则 b 的值为 ()

粵愛原藻

藻類

悦臻

员藻阅爰

忽(忽忽忽·陕西·理)已知函数 $f(x)$ 过点 $(1, 2)$, $f^{-1}(x)$ (曾是 $f(x)$ 的反函数,若 $f(x)$ 过点 $(1, 2)$, 则 $f^{-1}(2)$ 的值为 $\quad$ (摇摇)

粤爱原圆

月費

悦源

阅爱园

【来源】(全国卷 I) 设函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$ 在区间 $[0, 2]$ 上的最大值与最小值之差为 $\frac{16}{3}$, 则 a 等于 $\frac{16}{3}$.

粤爱圆摇摇摇摇摇摇摇摇

月~~圆~~摇摇摇摇摇摇摇摇

悦圆/圆摇摇摇摇摇摇摇摇

閱覽

员援圆苑苑 广东) 已知函数 零曾越 $\frac{员}{\sqrt{员原曾}}$ 的定义域为 酝, 早曾越 $\frac{员}{\sqrt{员原曾}}$ 的定义域为 晕, 则 酝 $\cap$ 晕 等于 (摇摇)

粵援會籲跃原员

月援會體約員

悦媛曾查原约警员

阅爱

员 圆 范 山东 · 文) 已知集合 酝越{ 原员, 员, 晕越{ 曾, 约, 圆 约源 曾 在, 则 酝 晕等于 (摇摇)

粵援 原员

暖 慰

悦爱园

阅读 原员园

【例 1】(广东) 若函数 $y = \frac{1}{x}$ 在 $(-\infty, -1)$ 上是增函数, 则函数 $y = \frac{1}{x}$ 在 $(1, +\infty)$ 上是 (摇摇)

粤 调递减的偶函数

月琴调递减的奇函数

悦彳调递增的偶函数

例 1 调递增的奇函数

例 1 (天津) 如果函数 $y = \sin(\omega x + \varphi)$ 在区间 $[\frac{\pi}{2}, \pi]$ 上是增函数, 那么实数 ω 的取值范围是 ()

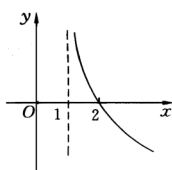
粤媛园 圆猿

月媛猿, 猿

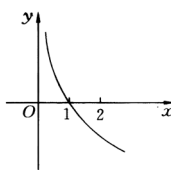
悦媛员猿

猿(圆,垣)

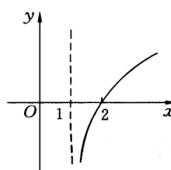
员媛圆用元·山东)函数赠或员葬(园约葬)的反函数的图像大致是图员中的 (摇摇)



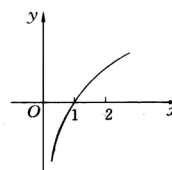
A



B



C



D

第 II 卷(非选择题共 20 分)

二、填空题(每小题 5 分,共 10 分)

1. (安徽·理)函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 的定义域为 $(-\infty, 0) \cup (0, +\infty)$

2. (辽宁·理)函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 的反函数是 $f(x) = \frac{1}{x}$

3. (广州天河中学学业水平测试模拟)已知函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 且 $f(x) > 0$, 若 $f(x) > 0$ 则 $x > 0$

4. (辽宁·文)方程 $\frac{1}{x} = \frac{1}{y}$ 的解为 $x = y$

5. (广州学业水平测试)已知函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 若 $f(x) > 0$ 则 $x > 0$

6. (广州东圃中学学业水平测试模拟)已知函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 若 $f(x) \geq 0$ 则 $x > 0$

则 x 的取值范围是 $x > 0$

7. (山东苍山学业水平测试)函数 $f(x)$ 是定义在 $\mathbb{R}$ 上的奇函数,并且当 $x \in (0, +\infty)$ 时, $f(x) > 0$, 那么, $f(x)$ 在 $(-\infty, 0)$ 上 $f(x) < 0$

三、解答题(共 10 分)

8. (天津模拟)已知 a, b 为正整数, $a \neq b$ 且 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{c}$ 求 a, b 的值

9. (浙江模拟)某化工厂生产一种溶液,按市场要求,杂质含量不能超过 1%,若初时含杂质 10%,每过滤一次可使杂质含量减少 1%,问至少应过滤几次才能使产品达到市场要求?

（12分）（2018·安徽合肥模拟）若函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 在区间 $[a, b]$ 上的值域为 $[\frac{1}{b}, \frac{1}{a}]$ ，求 a 的取值范围。

（12分）（2018·山东烟台模拟）已知函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ ， $g(x) = \frac{1}{x^2}$ 。

（1）判断函数奇偶性；

（2）证明 $f(x)$ 是定义域内的增函数；

（3）求 $f(x)$ 的值域。



第四章分层演练卷(一)

测试内容	函数与方程			
	(时间 45分钟满分 100分)			
题号	一	二	三	总分
得分				

第 I 卷(选择题共 100分)

一、选择题(每小题 10分,共 100分)

1. 函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 在区间 $(0, 2)$ 上 (摇摇)
- A. 有一个零点 B. 有两个零点 C. 有三个零点 D. 没有零点
2. 在图 1 中,函数图像与 x 轴均有交点,但不能用二分法求交点横坐标的是 (摇摇)

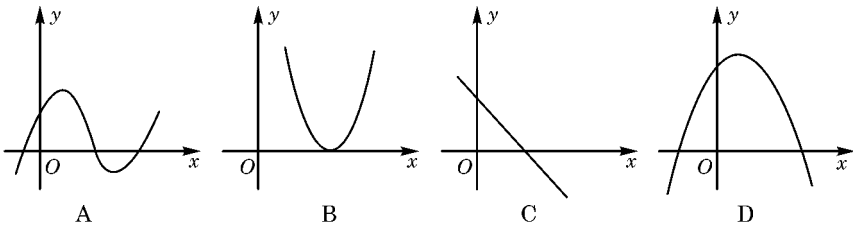


图 1

3. 函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 的零点是 (摇摇)
- A. 1 B. 2 C. 不存在 D. 1 和 2
4. 二次函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 的零点个数为 (摇摇)
- A. 1 B. 2 C. 无法确定 D. 0
5. 若函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 在区间 $(0, 2)$ 上的图像是连续的,且方程 $y = 0$ 在 $(0, 2)$ 上仅有一个实根,则 $x = 1$ 时 y 的值 (摇摇)
- A. 大于 0 B. 小于 0 C. 等于 0 D. 无法判断
6. 已知函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 的图像如图 2 所示,则 (摇摇)
- A. $x = 1$ 是函数的零点 B. $x = 2$ 是函数的零点 C. $x = 0$ 是函数的零点 D. $x = 1$ 和 $x = 2$ 都是函数的零点
7. 若函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 是奇函数,且函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 有三个零点 x_1, x_2, x_3 ,则 $x_1 + x_2 + x_3$ 的值是 (摇摇)

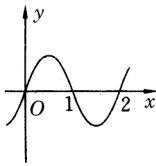


图 2

12. (5分) 若函数 $f(x) = x^2 + 2x + a$ 仅有一个零点, 求实数 a 的值

13. (5分) 用二分法求方程 $x^2 - 2x - 1 = 0$ 在区间 $[1, 2]$ 的一个实数根, 精确到 0.001

14. (5分) 已知函数 $f(x) = x^2 + 2x + a$ 的图像与 x 轴没有交点, 求 a 的取值范围

15. (5分) 是否存在实数 a 使函数 $f(x) = x^2 + 2x + a$ 在 $[-1, 1]$ 上是减函数

10. (10分) 已知函数 $f(x)$ 的图像是连续不断的,有如下的 $f(x)$ 的对应值表:

x	1	2	3	4	5	6	7	8	9
$f(x)$	1.01	0.98	0.96	0.94	0.92	0.89	0.86	0.82	0.78

问函数 $f(x)$ 在哪几个区间内有零点?

11. (10分) 若二次函数 $f(x) = ax^2 + bx + c$ 的图像与两端点为 $(-1, 0)$ 和 $(1, 0)$ 的线段 AB 有两个不同的交点,求 a 的取值范围

12. (10分) 求函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$ 的一个为正数的零点并精确到 0.01

13. (10分) 求函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$ 的零点个数

第四章分层演练卷(二)

测试内容	实际问题的函数建模				(时间 150分钟满分 150分)
题号	一	二	三	总分	
得分					

第 I 卷(选择题共 100分)

一、选择题(每小题 10分,共 100分)

1. 长为 10 米的绳子靠墙围成一个矩形场地(一边用墙),则可以围成场地的最大面积是 ()

2. 下列是函数值随自变量变化的一组数据,由此判断它最可能的函数模型是 ()

1	2	3	4	5	6	7	8
1	2	3	4	5	6	7	8

3. 某企业的产品成本,前两年每年递增 10%,经过引进先进的技术设备,并实施科学管理,后两年的产品成本每年递减 10%,则该企业的产品现在的成本与原来相比 ()

4. 某工厂 2010 年生产电子元件 10 万件,计划从 2011 年起每年比上一年增产 10%,则 2015 年可生产电子元件(精确到 0.1 万件) ()

5. 某产品的总成本(万元)与产量(台)之间的函数关系式是 $y = 0.001x^2 + 0.01x + 1$ (其中 $x \geq 0$),若每台产品的售价为 0.01 万元,则生产者不亏本时(销售收入不小于总成本)的最低产量是 ()

1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6

6. 现准备用下列函数中的一个近似地表示这些数据满足的规律,其中最接近的一个是 ()

7. 如图 1 所示,直角梯形 ABCD 中,AB//CD,AD⊥AB,AD=1,AB=2,CD=1,直线 l 过点 C 且垂直于 BC,则 l 截此梯形所得位于梯形内部的图形面积为 ()

左方图形面积为 S 则函数 S 的图像大致为图 圆中的

(摇摇)

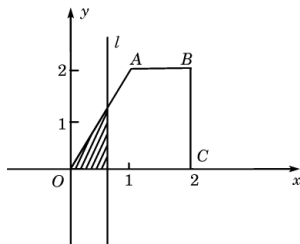


图 1

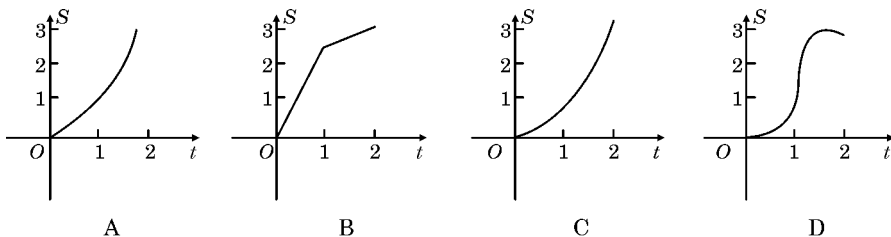


图 2

若在浓度为 a 的盐水中,加入浓度为 b 的盐水,浓度变为 c ,则 c 与 b 的函数关系式为

(摇摇)

一个高为 h ,满缸水量为 V_0 的鱼缸的轴截面如图 3 所示,其底部有一个小洞,满缸水从洞口流出,若鱼缸口高出水面的高度为 h_0 时,鱼缸内剩余水的体积为 V 则函数 V 的大致图像可能是图 4 中的

(摇摇)

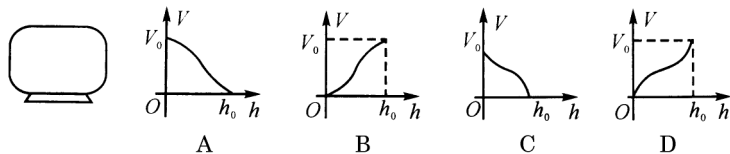


图 3 摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇图 4

如图 5, $\triangle ABC$ 为等腰直角三角形,直线 l 与 AB 相交且 $l \perp AB$,直线 l 截这个三角形所得的位于直线右方的图形面积为 S 则 S 与 l 到直线 AB 的距离为 x 的函数 S 的图像大致为图 6 中的

(摇摇)

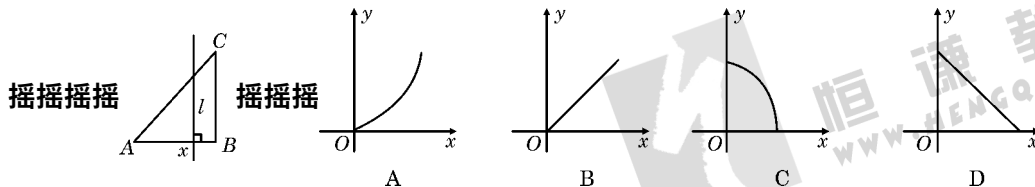


图 5 摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇摇图 6

第 II 卷(非选择题共 100 分)

二、填空题(每小题 5 分,共 10 分)

某商人将彩电先按原价提高 50%,然后在广告中写上“大酬宾,八折优惠”,结果是每台彩电比原价多赚了 400 元,那么每台彩电原价是摇摇元

某公司欲投资 100 万元进行项目开发,现有以下 3 个项目可供选择

项目	粤	月	悦	阅	耘	云
投资额 亿元	缘	圆	远	源	远	员
利润 亿元	园缘缘	园源	园苑	园缘	园缘	园员

设计一个投资方案,使投资 员缘亿元所获利润大于 员远亿元,则应选的项目是 只需写出项目的代码)

某工厂生产某种产品的固定成本为 园园园万元,并且每生产一单位产品,成本增加 员元又知总收入 运是单位产品数 匝的函数 运 匝 越 匝 原 员 匝,则总利润 蕴 匝 的最大值是

某种病菌经 猿分钟繁殖为原来的 圆倍,且知此种病菌的繁殖规律为 赠越噪,其中 噪为常数,则表示时间,赠表示此种病菌个数 噪 缘小时,员个病菌能繁殖为

三、解答题(共 愿分)

某计算机集团公司,生产某种型号的计算机的固定成本是 圆园园园元,生产每台该型号的计算机的可变成本是 猿元,每台计算机的售价是 缘元,试写出总成本 悦 销售收入 砸 以及利润 杂关于总产量 曾的函数关系式

为了保护学生的视力,课桌椅的高度都是按一定的关系配套设计的,研究表明 假设课桌的高度为 赠,椅子的高度为 曾,则 赠是 曾的一次函数 表列出两套符合条件的课桌椅的高度:

	第一套	第二套
椅子高度 曾	源	猿
桌子高度 赠	苑	苑

(员 请你确定 赠与 曾的函数关系式(不必写出 曾的取值范围);

(圆 现有一把高 源 的椅子和一张高 苑 的课桌,它们是否配套?为什么?

某船在静水中的速度为每小时 员,现在船在如图 苑所示的 再字形的河中,由 粤逆流到相距 源 的 月地,然后又沿另一支水流顺流而下到 悦地 月间的水速为每小时 源,月悦间的水速为每小时 远,写出船行距离 赠 与船行时间 曾 之间的关系式,并作出图像

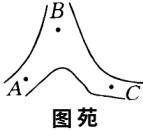


图 苑

某家报刊销售点从报社买进报纸的价格是每份 园元,卖出的价格是每份 园元,卖

不掉的报纸还可以每份 1.5 元的价格退回报社。在一个月 (30 天) 里, 有 10 天每天可以卖出 100 份, 其余 20 天每天只能卖出 50 份。假设每天从报社买进的报纸的数量相同, 则应该每天从报社买进多少份, 才能使每月所获的利润最大? 并计算该销售点一个月最多可赚得多少元?

(例 1) 某公司生产一种产品每年投入固定成本 100 万元, 此外每生产 1 万件这种产品还需要增加投资 10 万元。经预测知, 市场对这种产品的年需求量为 100 万件, 且当出售的这种产品的数量为 x (单位: 百件) 时, 销售所得的收入约为 $100 - \frac{1}{10}x^2$ (万元)。

(1) 若该公司的年产量为 x (单位: 百件) ($0 \leq x \leq 100$), 试把该公司生产并销售这种产品所得的年利润表示为年产量 x 的函数;

(2) 当该公司的年产量多大时, 当年所得利润最大?

(3) 当该公司这种产品年产量多大时, 当年不会亏本? (提示: 利润 ≥ 0)

(例 2) 某气象研究中心观测一场沙尘暴从发生到结束的全过程。开始时风速平均每小时增加 2 km/h, 10 min 后, 沙尘暴经过开阔荒漠地, 风速变为平均每小时增加 4 km/h, 一段时间, 风速保持不变。当沙尘暴遇到绿色植被区时, 其风速平均每小时减小 1 km/h, 最终停止。结合风速与时间的图像 (如图 1, 回答下列问题:

(1) 在图 1 中填入相应数值;

(2) 沙尘暴从发生到结束, 共经过多少小时?

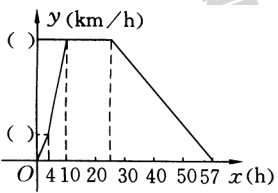


图 1

(3) 求出当 $0 \leq x \leq 57$ 时, 风速 y 与时间 x 之间的函数关系式。

第四章知能闯关卷

(时间 100分钟 满分 150分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题 共 60分)

一、选择题(每小题 5分,共 30分)

1. 函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 在区间 $[0, 2]$ 上的零点必定在 _____ 内 (摇摇)

2. 函数 $y = \log_2(x - 1)$ 的正零点(精确到 0.01)的近似值是 _____ (摇摇)

3. 已知函数 $y = x^2 - 2x + 1$ 满足 $y \geq 0$, 且当 $x \in [0, 1]$ 时 $y \geq 0$, 则方程 $y = 0$ 的实根的个数为 _____ (摇摇)

4. 根据抽样调查发现,一个国家的发达程度越高,其环境污染程度越低,则为了反映国家的污染程度与发达程度 x 之间的关系 (摇摇)

5. 必须选减函数为模型 (摇摇)

6. 必须选反比例函数为模型 (摇摇)

7. 必须选二次函数为模型 (摇摇)

8. 必须选指数函数为模型 (摇摇)

9. 如图,向高为 h 的圆锥形漏斗内注入化学溶液(漏斗下方口暂时关闭),注入溶液量 V 与溶液深度 x 的大概函数图像是图 4-1 中的 (摇摇)

10. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

11. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

12. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

13. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

14. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

15. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

16. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

17. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

18. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

19. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

20. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

21. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

22. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

23. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

24. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

25. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

26. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

27. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

28. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

29. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

30. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

31. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

32. 如果某林区的森林蓄积量每年平均比上一年增长 10% , 那么经过 x 年可以增长到原来的 y 倍, 则函数 $y = 1.1^x$ 的图像大致为图 4-2 中的 (摇摇)

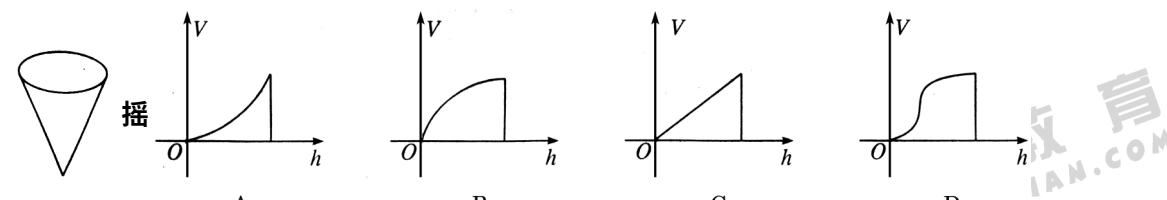


图 4-1

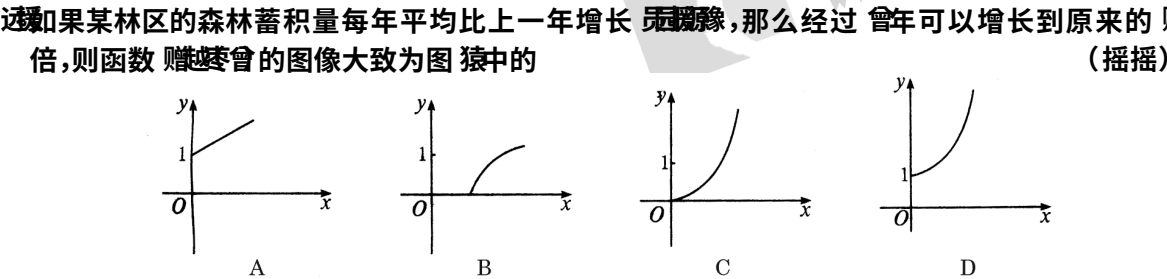
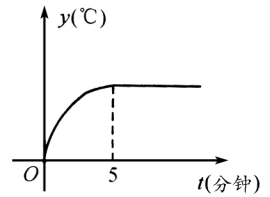


图 4-2

某金属材料的高温实验中，温度随着时间变化的情况由微机记录后再显示的图像如图源所示，给出下面说法：



- ①前缘分钟温度增加的速度越来越快；
- ②前缘分钟温度增加的速度越来越慢；
- ③缘分钟以后温度保持匀速增加；
- ④缘分钟以后温度保持不变

其中正确的说法是

(摇摇)

图源

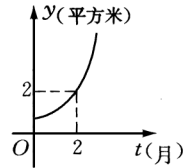
粤爱①④

月爱②④

悦爱③

阅爱③

某池塘中原有一块浮草，浮草蔓延后的面积赠平方米)与时间贼月)之间的函数关系式是赠越葬(葬园且葬员，它的图像如图缘所示，给出以下命题：



- ①池塘中原有浮草的面积是园缘平方米；
- ②到第苑个月浮草的面积一定能超过源平方米；
- ③浮草每月增加的面积都相等；
- ④若浮草面积达到源平方米，苑平方米，源平方米所经过的时间分别为贼贼贼，则贼垣贼约贼，其中所有正确命题的序号是

图缘

(摇摇)

粤爱②

月爱④

悦爱③

阅爱②④

在一次数学实验中，运用图形计算器采集到如下一组数据：

曾	原园园	原员苑	园	员苑园	园苑园	猿猿园
赠	园苑园	园缘员	员	园苑园	猿猿愿	愿苑园

则曾赠的函数关系与下列哪类函数最接近(其中葬遭为待定系数)

(摇摇)

粤爱越葬垣曾

月爱越葬垣曾

悦爱越葬曾垣曾

阅爱越葬垣曾

某新型电视机投放市场后第员个月销售员园台，第圆个月销售园园台，第猿个月销售源园台，第源个月销售苑园台，则下列函数模型中能较好反映销量赠与投放市场的月数曾之间的关系的是

(摇摇)

粤爱越员垣曾

月爱越员垣曾

悦爱越员垣曾

阅爱越员垣曾

第Ⅱ卷(非选择题共员园分)

二、填空题(每小题缘分，共园分)

某商品进货单价为猿元，按源元一个销售，能卖源个，若销售单位每涨员元，销售量减少一个，要获得最大利润，此商品的售价应定为每个摇摇元

已知图像连续不断的函数赠越葬曾在区间(葬遭(遭原葬垣员)上有惟一零点，如果用“二分法”求这个零点(精确到园园园)的近似值，那么将区间(葬遭等分的次数至多是摇摇

某类产品按质量可分园个档次，生产最低档次(第员档次为最低档次，第园档次为最高档次)，每件利润为愿元，如果产品每提高一个档次，则利润增加圆元，用同样的工时，最低档次产品每天可生产源件，提高一个档次将减少猿件产品，则生产第摇摇档次的产品，所获利润最大

远中折线是某电信局规定打长途电话所需付的电话费赠元)与通话时间贼分钟)之间的函数关系图像，根据图像填空：通话园分钟，需付电话费摇摇元；通话缘分钟，需付电话费摇摇元；如果贼猿分钟，电话费赠元)与通话时间贼分钟)之间的函数关系式是摇摇

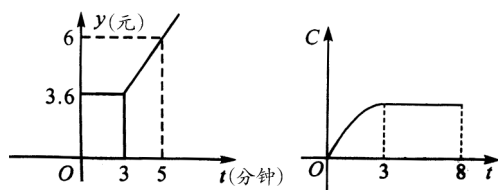


图 7

某工厂八年来某种产品总产量 y 与时间 t (年) 的函数关系如图 7 所示, 下列四种说法 ① 前三年中产量增长的速度越来越快 ② 前三年中产量增长的速度越来越慢 ③ 第三年后, 这种产品停止生产了 ④ 第三年后, 年产量保持不变 其中说法正确的是

三、解答题 (共 20 分)

1. (5 分) 函数 $f(x) = x^2 - 2x + 1$ 在区间 $[0, 2]$ 上无零点, 因为 $f(0) = 1 > 0$, $f(2) = 1 > 0$, 所以 $f(x) \cdot (x - 1) > 0$ (源 跃 园 不 满 足 零 点 定 理 的 条 件, 所 以 无 零 点 这 种 说 法 对 吗 ?

2. (5 分) 设函数 $f(x) = x^2 - 2x + 1$ (1) 求 $f(x)$ 的零点; (2) 求 $f(x)$ 的值域;

(3) 当函数 $f(x)$ 的定义域是 $[0, 2]$ 时, 求函数 $f(x)$ 的值域

3. (5 分) 国家购买某种农产品的价格为 10 元/吨, 某征税标准为 10 元/吨征 10%, 计划可购 10 万吨, 为了减轻农民负担, 决定税率降低 x 个百分点, 预计收购量可增加 $2x$ 个百分点 (1) 写出税收 y (万元) 与 x 的函数关系式;

(2) 要使此税收在税率调节后达到计划的 90%, 求此时 x 的值

4. (5 分) 某市营业区内住宅电话通话费为前 3 分钟 0.3 元, 以后每分钟 0.2 元 (不足 3 分钟按 3 分钟计, 以后不足 1 分钟按 1 分钟计)

(1) 在所给坐标系中, 画出一通电话在 6 分钟内 (包括 6 分钟) 的通话费 y (元) 关于通话时间 t (分钟) 的函数图像 (如图 8);

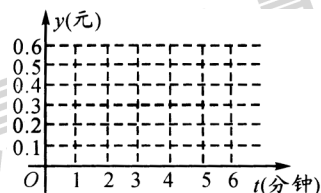


图 8

(2) 如果一次通话 t 分钟 ($t \geq 0$), 写出通话费 y (元) 关于通话时间 t (分钟) 的函数关系式; (可用符号, 约 n 表示不小于 n 的最小整数)

(猿 如果通话时间较长,可以采用若干次拨打的方法某人通话 怨分钟,计算这个人用最省钱的拨打方法比用一次拨打方法少花多少元钱援

圆(猿分)某蛋糕厂生产某种蛋糕的成本为 源元个,出厂价为 远元个,日销售量为 员园园个,为适应市场需求,计划提高蛋糕档次,适度增加成本援若每个蛋糕成本增加的百分率为 曾园约曾园,则每个蛋糕的出厂价相应提高的百分率为 园援曾同时预计日销售量增加的百分率为 园援愿曾已知日利润 越(出厂价 原成本)伊日销售量,且设增加成本后的日利润为 赠援(员 写出 赠与 曾的关系式;

(圆 为使日利润有所增加,求 曾的取值范围援

圆(猿分)某工厂生产一种机器的固定成本为 缘园园元且每生产 员部,需要增加投入 圆缘园元,对销售市场进行调查后得知,市场对此产品的需求量为每年 缘园部援已知年销售收入为 匀曾 越 缘园曾 原 员曾,其中 曾是产品售出的数量(园 曾 缘园曾 援(员 若 曾为年产量,赠表示年利润,求 赠越曾的表达式;(年利润 越年销售收入 原投资成本(包括固定成本))

(圆 当年产量为何值时,工厂的年利润最大,其最大值是多少?

圆(猿分)某市有甲,乙两家乒乓球俱乐部,两家设备和服务都很好,但收费方式不同援甲家每张球台每小时 缘元 乙家按月计费,一个月中 猿小时以内(含 猿小时)每张球台 怨元,超过 猿小时的部分每张球台每小时 圆元援小张准备下个月从这两家中的一家租一张球台开展活动,其活动时间不少于 员小时,也不超过 源小时援(员 设在甲家租一张球台开展活动 曾小时的收费为 枣曾元(员 曾 源,在乙家租一张球台开展活动 曾小时的收费为 早曾元(员 曾 源,试求 枣曾和 早曾;

(圆 问 小张选择哪家比较合算?为什么?

第四章考题荟萃卷

(时间 100分钟 满分 150分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第Ⅰ卷(选择题 共 60分)

一、选择题(每小题 5分,共 30分)

1. (山东临沂学业水平测试)若方程 $x^2 + 2x + m = 0$ 至少有一个负的实根,则 m 的取值范围是 ()

2. (山东模拟)若函数 $y = \sin(x + \phi)$ 在区间 $[\frac{\pi}{2}, \pi]$ 上的图像为连续不断的一条曲线,则下列说法正确的是 ()

3. (辽宁模拟)函数 $y = \sin(x + \frac{\pi}{2})$ 在区间 $[\frac{\pi}{2}, \pi]$ 上 ()

4. (山东苍山学业水平测试)函数 $y = \sin(x + \frac{\pi}{2})$ 的零点所在的区间是 ()

5. (安徽·理) $\sin \theta = \frac{1}{2}$ 是方程 $\sin \theta = \frac{1}{2}$ 至少有一个负数根的条件 ()

6. (天津模拟)图 1 表示的函数中能用二分法求零点的是 ()

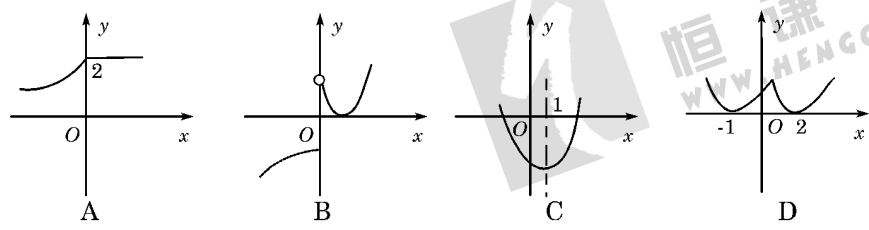


图 1

7. (福建模拟)某种植物生长发育的数量 y 与时间 x 的关系如下表:

y	1	2	3	...
x	1	2	3	...

(摇摇)

月嬋增願

阅读能力培养 原圆缘曾垣圆

(摇摇)

元苑藝月

元范輟閱

(摇摇)

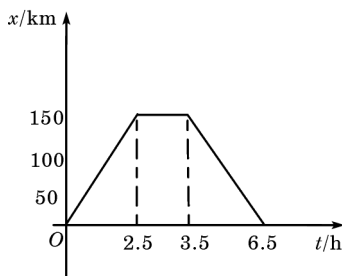


图 20

月曆城和恒興成

还贼园 = 贼园 豫
 员园 (圆豫约 贼 猿豫
 员园 京园 贼京 豫, (猿豫约 贼 远豫

(摇摇)

摇月窟多有一实

阅秘有惟一实根

(摇摇)

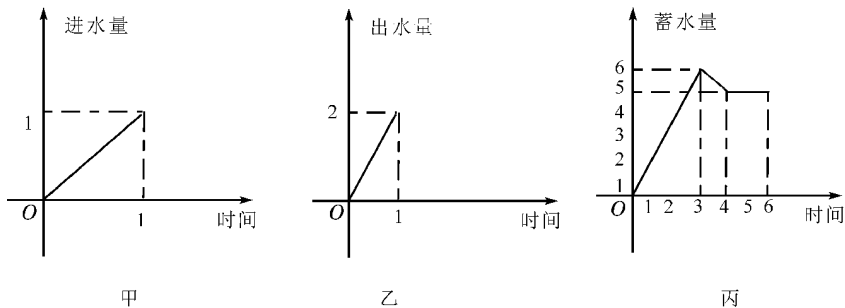
月媛 原源源

阅读 原建，原原

第Ⅱ卷(非选择题共 80 分)

①园点到猿点只进水不出水；②猿点到源点不进水只出水；③源点到远点不进水不出水，则能确

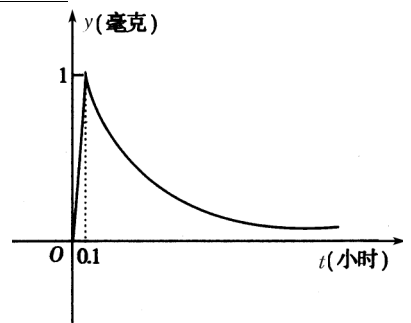
定的正确论断是



图猿

【例 1】(上海·理) 方程 $x^2 + px + q = 0$ 的解可视为函数 $y = x^2 + px + q$ 的图像与函数 $y = 0$ 的图像交点的横坐标. 若方程 $x^2 + px + q = 0$ 的各个实根 $x_1, x_2, \dots, x_n$ 所对应的点 (x_i, y_i) 均在直线 $y = kx + b$ 的同侧, 则实数 k 的取值范围是

【例 2】(湖北) 为了预防流感, 某学校对教室用药熏消毒法进行消毒. 已知药物释放过程中, 室内每立方米空气中的含药量 y (毫克) 与时间 t (小时) 成正比. 药物释放完毕后, y 与 t 的函数关系式为 $y = \frac{a}{t^b}$ (a, b 为常数), 如图 2 所示, 根据图中提供的信息, 回答下列问题:



图源

(1) 从药物释放开始, 每立方米空气中的含药量 y (毫克) 与时间 t (小时) 之间的函数关系式为;

(2) 据测定, 当空气中每立方米的含药量降低到 0.35 毫克以下时, 学生方可进教室, 那么从药物释放开始, 至少需要经过多少小时后, 学生才能回到教室?

三、解答题 (共 80 分)

【例 3】(山东临沂学业水平测试) 已知命题 p 关于 x 的方程 $x^2 + px + q = 0$ 有两个不相等的负根, 命题 q 关于 x 的方程 $x^2 + px + q = 0$ 无实根, 若 p 为真, q 为假, 求 p 的取值范围.

【例 4】(广东·文) 某单位用 800 万元购得一块空地, 计划在该地块上建造一栋至少 10 层、每层 800 平方米的楼房. 经测算, 如果将楼房建为 x 层, 则每平方米的平均建筑费用为 $560x + 48000$ (单位: 元). 为了使楼房每平方米的平均综合费用最少, 该楼房应建为多少层?

(注: 平均综合费用 = 平均建筑费用 + 平均购地费用, 平均购地费用 = $\frac{\text{购地总费用}}{\text{建筑总面积}}$)

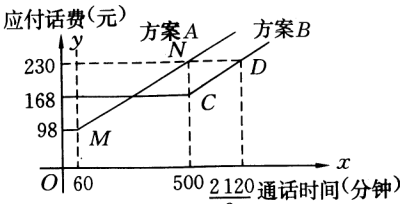
（1）设二次函数 $f(x) = x^2 + px + q$ 方程 $f(x) = 0$ 的两根 x_1 和 x_2 满足 $x_1 < x_2$ 且 $x_1, x_2 \in (0, 1)$ 求 p 的取值范围；

（2）试比较 $f(0)$ 与 $f(1)$ 的大小，并说明理由

（3）设函数 $f(x) = x^2 + px + q$ 且方程 $f(x) = 0$ 有实根 x_1, x_2 证明： $x_1 > 0$ 且 $x_2 > 0$ ；

（4）若 x_1 是方程 $f(x) = 0$ 的一个实根，判断 x_1 的正负并加以证明

（5）电信局为了配合客户的不同需要，设有 A、B 两种优惠方案，这两种方案应付话费（元）与通话时间（分钟）之间的关系如图 1 所示（实线部分）试问：（1）若通话时间为 1 小时，按方案 A、B 各付话费多少元？



（2）方案 B 从 500 分钟以后，每分钟收费多少元？

（3）通话时间在什么范围内，方案 B 才会比方案 A 优惠？

模块水平测试卷(一)

(时间 100分钟 满分 150分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第 I 卷(选择题 共 100分)

一、选择题(每小题 5分,共 100分)

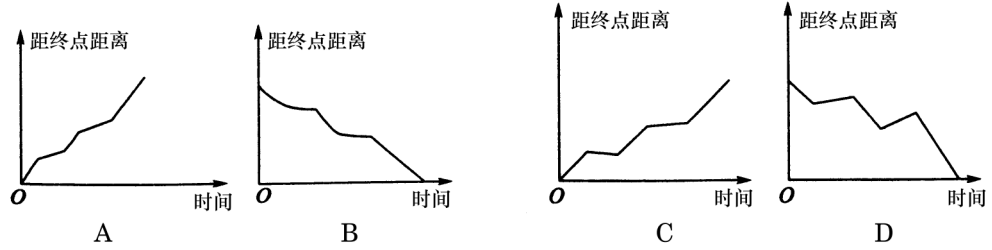
1. 设集合 $M = \{x | x^2 - 2x - 3 < 0\}$, $N = \{x | x^2 - 4x + 3 < 0\}$, 则 $M \cap N =$ () (5分)

2. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x + 1, & x \leq 0 \\ x^2 - 2x + 1, & x > 0 \end{cases}$, 则 $f(x)$ 的定义域为 $\mathbb{R}$, 则集合 $M = \{x | f(x) \leq 1\}$ 与集合 $N = \{x | f(x) \geq 1\}$ 的关系是 () (5分)

3. 已知函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x + 1, & x \leq 0 \\ x^2 - 2x + 1, & x > 0 \end{cases}$, 则 $f(x)$ 的图像与 y 轴至多有一个交点, 则 a 的范围是 () (5分)

4. 已知偶函数 $f(x)$ 在区间 $[0, 1]$ 上是增函数, 则 $f(0)$ 和 $f(\pi)$ 的大小关系是 () (5分)

5. 某运动员只在两个转弯处减速行驶, 其他地方均全速前进, 则在图中哪个图与此事件吻合 () (5分)



6. 若函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2x + 1, & x \leq 0 \\ x^2 - 2x + 1, & x > 0 \end{cases}$ 的图像与 y 轴至多有一个交点, 则 a 的范围是 () (5分)

7. 方程 $\log_2(x^2 - 2x + 1) = 0$ 的解所在的区间是 () (5分)

愿在图中给出的四个函数零点的图像中能使函数赠越零元没有零点的是 (摇摇)

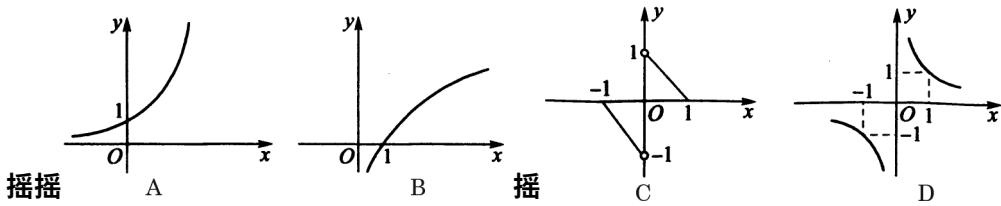


图 1

愿我国为了加强对烟酒生产的宏观管理,除了应征税收外,还征收附加税.已知某种酒每瓶售价为 20 元,不收附加税,每年大约销售 10 万吨,若每销售 1 吨国家要征收附加税 x 元(叫做税率),则每年的销售量将减少 1000 万瓶,如果要使每年在此项经营中所收取的附加税额不少于 100 万元,则 x 的最小值为 (摇摇)

愿设 a, b 是方程 $x^2 - 2x + 1 = 0$ 的两根,则 $a^2 + b^2$ 的最小值是 (摇摇)

愿若定义运算 $a \otimes b = \begin{cases} a & (a \leq b) \\ b & (a > b) \end{cases}$, 则函数 $f(x) = x \otimes (x - 1)$ 的值域是 (摇摇)

愿设定义域为 $\mathbb{R}$ 的函数 $f(x) = \begin{cases} x^2 - 1 & (x \leq 0) \\ x^2 + 1 & (x > 0) \end{cases}$, 若关于 x 的方程 $f(x) = a$ 有 3 个不同的实数解 x_1, x_2, x_3 , 且 $x_1 + x_2 + x_3 = 0$, 则下列说法中错误的是 (摇摇)

第 II 卷(非选择题共 120 分)

二、填空题(每小题 5 分,共 10 分)

愿已知集合 $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 1 = 0\}$, 集合 $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x + 1 = 0\}$, 若 $A \cap B = \{1\}$ 则实数 a 的取值范围是

愿若函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 在 (a, b) 上是减函数,则 a, b 的取值范围是

愿计算 $\int_0^1 (x^2 + 1) dx =$

愿某企业投资一个项目后 n 年内的净利润(万元)与时间(年)满足关系式 $f(n) = -n^2 + 2n$, 若它分别与奇函数 $g(x)$ 及偶函数 $h(x)$ 在 $[0, 1]$ 上的解析式相同,则在 $[0, 1]$ 上, $f(x)$ 的解析式是

三、解答题(共 10 分)

愿(10 分) 设全集 $U = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 1 = 0\}$, $A = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 2x + 1 = 0\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} \mid x^2 - 1 = 0\}$, 求:

(1) $A \cap B$;

（例 1）定义在 $(0, +\infty)$ 上的函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ ，对于任意的 $x_1, x_2 \in (0, +\infty)$ ，都有 $f(x_1) > f(x_2)$ 恒成立，当 $x_1 = 1$ 时， $f(x_1) = 1$ 。
（员 求证 $f(x)$ 是函数 $f(x)$ 的零点；

（例 2）求证 $f(x) = \frac{1}{x}$ 是 $(0, +\infty)$ 上的减函数；

（例 3）当 $x > 1$ 时，解不等式 $\frac{1}{x} < \frac{1}{2}$ 。

（例 4）甲、乙两公司同时开发同一种新产品，经测算，对于函数 $f(x) = \frac{1}{x}$ 和 $g(x) = \frac{1}{x^2}$ ，当甲公司投入 x 万元做宣传时，若乙公司投入的宣传费小于 $f(x)$ 万元，则乙公司对这一新产品的开发有失败的风险，否则没有失败的风险；当乙公司投入 y 万元做宣传时，若甲公司投入的宣传费小于 $g(y)$ 万元，则甲公司对这一新产品的开发有失败的风险，否则没有失败的风险。
（员 试解释 $f(x) = \frac{1}{x}$ 和 $g(y) = \frac{1}{y^2}$ 的实际意义；

（例 5）设 $f(x) = \frac{1}{x}$ 和 $g(y) = \frac{1}{y^2}$ ，甲、乙公司为了避免恶性竞争，经过协商，同意在双方均无失败风险的情况下尽可能少地投入宣传费用，问甲、乙两公司各应投入多少宣传费？

模块水平测试卷(二)

(时间 100分钟 满分 100分)

题号	一	二	三	总分
得分				

第 I 卷(选择题 共 100分)

一、选择题(每小题 5分,共 100分)

已知全集 $U=\{x \mid x^2-3x+2=0\}$, 集合 $A=\{x \mid x^2-2x+1=0\}$, 则 $A \cap \complement_U A$ 等于 ()

$\{1\}$ $\{2\}$ $\{1,2\}$ $\{x \mid x^2-3x+2=0\}$

下列函数中,与函数 $y=x^2$ 相同的是 ()

$y=x^2, x \in \mathbb{R}$ $y=x^2, x \in [0, +\infty)$

$y=x^2, x \in (-\infty, 0]$ $y=x^2, x \in (-\infty, +\infty)$

函数 $y=x^2$ 在 $[0, 1]$ 上的最大值与最小值的和为 ()

1 $\frac{1}{2}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{5}{4}$

若 $f(x)$ 且 $f(-x)$ 是偶函数,则 $f(x)$ 是 ()

奇函数 $f(x)$ 偶函数

非奇非偶函数 $f(x)$ 奇偶性与 $f(x)$ 的具体值有关

根据表格中的数据,可以判定方程 $\ln x = x - 2$ 的一个根所在区间是 ()

$(1, 2)$ $(2, 3)$ $(3, 4)$ $(4, 5)$

x	1	2	3	4	5
$\ln x$	0	0.693	1.099	1.386	1.609
$x-2$	-1	0	1	2	3

函数 $y=\ln x$ 的图像是图 1 中的 ()

图 1 中的 A B C D

函数 $y=\ln x$ 的反函数是 ()

$y=e^x$ $y=x^e$ $y=e^{x^2}$ $y=x^e$

函数 $y=\ln x$ 的图像是图 1 中的 ()

图 1 中的 A B C D

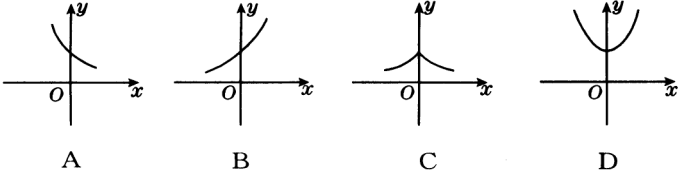


图 1

有一个盛水的容器，由悬在它的上空的一条水管均匀地注水，最后把容器注满，在注水过程中时刻 t 水面高度 h 如图 1 所示，图 1 中 OP 为一线段，与之对应的容器的形状是图 2 中的 ()

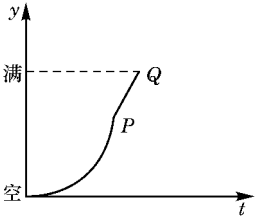


图 1

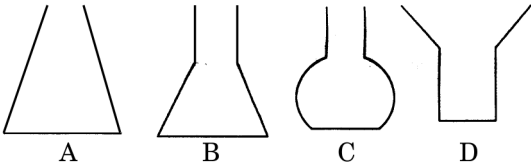


图 2

已知关于 x 的函数 $y = ax^2 + bx + c$ 在 $[0, 1]$ 上是减函数，则 a 的取值范围是 ()

已知 $f(x)$ 是奇函数，当 $x > 0$ 时， $f(x) = x^2 + 2x$ ，当 $x < 0$ 时， $f(x)$ 的函数表达式应该是 ()

如果 $\sin \alpha = \frac{1}{2}$ 且 $\alpha \in (\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2})$ 且 α 是第二象限角，则 $\cos \alpha$ 的值是 ()

函数 $y = x^3 - 3x^2 + 2x$ 在原点零点的个数是 ()

第 II 卷(非选择题共 80 分)

二、填空题(每小题 5 分,共 10 分)

已知 $\sin \alpha = \frac{1}{2}$ ， $\cos \alpha = \frac{\sqrt{3}}{2}$ ，则 α 等于 ()

函数 $y = \sin x$ 在 $[\frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2}]$ 上的最大值为 ()，若 $\sin x = \frac{1}{2}$ ，则 x 的解集为 ()

用二分法求函数 $f(x)$ 在区间 (a, b) 上的近似解，验证 $f(a)f(b) < 0$ ，若给定精度为 ϵ ，需将区间等分 () 次

定义在 $\mathbb{R}$ 上的奇函数 $f(x)$ ，当 $x \in [0, 1]$ 时， $f(x) = x^2 + 2x$ ，且 $f(x)$ 为增函数，给出下列四个结论：

- $f(x)$ 在 $[-1, 0]$ 上单调递增；
- 当 $x \in [-1, 0]$ 时，有 $f(x) \leq 0$ ；
- $f(x)$ 在 $[-1, 0]$ 上单调递减；
- $f(x)$ 在 $[-1, 0]$ 上单调递增。

其中正确的结论是 () (把你认为正确结论的序号都填在横线上)

三、解答题(共 20 分)

18. (5 分) 已知集合 $A = \{x | x^2 - 2x - 3 < 0\}$, $B = \{x | x^2 - 4x + 3 < 0\}$, $C = \{x | x^2 - 5x + 6 < 0\}$
(1) 求 $A \cup B$, $A \cap B$;

(2) 若 $A \cap C \neq \emptyset$, 求 a 的取值范围.

19. (5 分) 已知 $f(x)$ 是定义在 $(-1, 1)$ 上的增函数, 且满足 $f(x) + f(y) = f(x+y)$, $f(1) = 1$
(1) 求 $f(x)$ 的值;

(2) 解不等式 $f(x) + f(y) > f(1)$

20. (5 分) 设函数 $f(x) = \frac{a}{x} + \ln x$ ($a \in \mathbb{R}$) 是 $(1, +\infty)$ 上的奇函数
(1) 求 a 的值;

(2) 若 $a = 1$, 解不等式 $f(x) > f(y)$

（10分）已知函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$ ， $f'(x)$ 为 $f(x)$ 的导函数。

（1）在图 1 中画出函数 $f(x)$ 的图像（不需写出作图过程）。

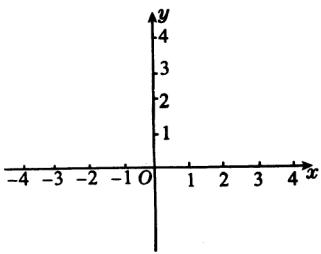


图 1

（2）写出函数 $f(x)$ 的单调区间及 $f(x)$ 的值域。

（10分）已知函数 $f(x) = x^3 - 3x^2 + 2x$ 的定义域为 $[0, 4]$ ，且对于任意实数 x_1, x_2 总有 $f(x_1) + f(x_2) \geq f(x_1 + x_2)$ 成立。

（1）试说明函数 $f(x)$ 的图像必经过 $(0, 0)$ 点或 $(4, 0)$ 点；

（2）若存在 $x_0 \in [0, 4]$ ，使得 $f(x_0) \neq 0$ ，试证明对于任意 $x \in [0, 4]$ ， $f(x) \geq 0$ 恒成立。

（10分）有长为 $2a$ 的钢材，要做成如图 2 所示的窗架，上半部分为半圆，下半部分为六个全等小矩形组成的矩形，试问小矩形的长、宽比为多少时，窗所通过的光线最多？并算出窗框面积的最大值。



图 2

参考答案

第一章分层演练卷(一)

一、选择题

1. B

2. 解析 只有③是正确的. 集合中最小的数为 0, 故①错误; 0 是, 但 1 不是, 故②错误; 1 是, 故④错误.

3. 解析 和 表示同一集合, 它们的元素必然相同, 观察可知选 B.

4. 解析 ①中二元一次方程的解集应为点集, 而

①中 $\{x, y\}$ 是数集, 故为假命题.

②中方程为一元二次方程, 其解集应为两个数, 而 $\{x\}$ 是点集, 故是假命题.

③中 应为二次函数 的值域即数集, 而 应是二次函数图像上的点, 应是点集, 故是假命题.

5. 解析 解析 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27, 28, 29, 30, 31, 32, 33, 34, 35, 36, 37, 38, 39, 40, 41, 42, 43, 44, 45, 46, 47, 48, 49, 50, 51, 52, 53, 54, 55, 56, 57, 58, 59, 60, 61, 62, 63, 64, 65, 66, 67, 68, 69, 70, 71, 72, 73, 74, 75, 76, 77, 78, 79, 80, 81, 82, 83, 84, 85, 86, 87, 88, 89, 90, 91, 92, 93, 94, 95, 96, 97, 98, 99, 100, 101, 102, 103, 104, 105, 106, 107, 108, 109, 110, 111, 112, 113, 114, 115, 116, 117, 118, 119, 120, 121, 122, 123, 124, 125, 126, 127, 128, 129, 130, 131, 132, 133, 134, 135, 136, 137, 138, 139, 140, 141, 142, 143, 144, 145, 146, 147, 148, 149, 150, 151, 152, 153, 154, 155, 156, 157, 158, 159, 160, 161, 162, 163, 164, 165, 166, 167, 168, 169, 170, 171, 172, 173, 174, 175, 176, 177, 178, 179, 180, 181, 182, 183, 184, 185, 186, 187, 188, 189, 190, 191, 192, 193, 194, 195, 196, 197, 198, 199, 200, 201, 202, 203, 204, 205, 206, 207, 208, 209, 210, 211, 212, 213, 214, 215, 216, 217, 218, 219, 220, 221, 222, 223, 224, 225, 226, 227, 228, 229, 230, 231, 232, 233, 234, 235, 236, 237, 238, 239, 240, 241, 242, 243, 244, 245, 246, 247, 248, 249, 250, 251, 252, 253, 254, 255, 256, 257, 258, 259, 260, 261, 262, 263, 264, 265, 266, 267, 268, 269, 270, 271, 272, 273, 274, 275, 276, 277, 278, 279, 280, 281, 282, 283, 284, 285, 286, 287, 288, 289, 290, 291, 292, 293, 294, 295, 296, 297, 298, 299, 300, 301, 302, 303, 304, 305, 306, 307, 308, 309, 310, 311, 312, 313, 314, 315, 316, 317, 318, 319, 320, 321, 322, 323, 324, 325, 326, 327, 328, 329, 330, 331, 332, 333, 334, 335, 336, 337, 338, 339, 340, 341, 342, 343, 344, 345, 346, 347, 348, 349, 350, 351, 352, 353, 354, 355, 356, 357, 358, 359, 360, 361, 362, 363, 364, 365, 366, 367, 368, 369, 370, 371, 372, 373, 374, 375, 376, 377, 378, 379, 380, 381, 382, 383, 384, 385, 386, 387, 388, 389, 390, 391, 392, 393, 394, 395, 396, 397, 398, 399, 400, 401, 402, 403, 404, 405, 406, 407, 408, 409, 410, 411, 412, 413, 414, 415, 416, 417, 418, 419, 420, 421, 422, 423, 424, 425, 426, 427, 428, 429, 430, 431, 432, 433, 434, 435, 436, 437, 438, 439, 440, 441, 442, 443, 444, 445, 446, 447, 448, 449, 450, 451, 452, 453, 454, 455, 456, 457, 458, 459, 460, 461, 462, 463, 464, 465, 466, 467, 468, 469, 470, 471, 472, 473, 474, 475, 476, 477, 478, 479, 480, 481, 482, 483, 484, 485, 486, 487, 488, 489, 490, 491, 492, 493, 494, 495, 496, 497, 498, 499, 500, 501, 502, 503, 504, 505, 506, 507, 508, 509, 510, 511, 512, 513, 514, 515, 516, 517, 518, 519, 520, 521, 522, 523, 524, 525, 526, 527, 528, 529, 530, 531, 532, 533, 534, 535, 536, 537, 538, 539, 540, 541, 542, 543, 544, 545, 546, 547, 548, 549, 550, 551, 552, 553, 554, 555, 556, 557, 558, 559, 560, 561, 562, 563, 564, 565, 566, 567, 568, 569, 570, 571, 572, 573, 574, 575, 576, 577, 578, 579, 580, 581, 582, 583, 584, 585, 586, 587, 588, 589, 590, 591, 592, 593, 594, 595, 596, 597, 598, 599, 600, 601, 602, 603, 604, 605, 606, 607, 608, 609, 610, 611, 612, 613, 614, 615, 616, 617, 618, 619, 620, 621, 622, 623, 624, 625, 626, 627, 628, 629, 630, 631, 632, 633, 634, 635, 636, 637, 638, 639, 640, 641, 642, 643, 644, 645, 646, 647, 648, 649, 650, 651, 652, 653, 654, 655, 656, 657, 658, 659, 660, 661, 662, 663, 664, 665, 666, 667, 668, 669, 670, 671, 672, 673, 674, 675, 676, 677, 678, 679, 680, 681, 682, 683, 684, 685, 686, 687, 688, 689, 690, 691, 692, 693, 694, 695, 696, 697, 698, 699, 700, 701, 702, 703, 704, 705, 706, 707, 708, 709, 710, 711, 712, 713, 714, 715, 716, 717, 718, 719, 720, 721, 722, 723, 724, 725, 726, 727, 728, 729, 730, 731, 732, 733, 734, 735, 736, 737, 738, 739, 740, 741, 742, 743, 744, 745, 746, 747, 748, 749, 750, 751, 752, 753, 754, 755, 756, 757, 758, 759, 760, 761, 762, 763, 764, 765, 766, 767, 768, 769, 770, 771, 772, 773, 774, 775, 776, 777, 778, 779, 780, 781, 782, 783, 784, 785, 786, 787, 788, 789, 790, 791, 792, 793, 794, 795, 796, 797, 798, 799, 800, 801, 802, 803, 804, 805, 806, 807, 808, 809, 810, 811, 812, 813, 814, 815, 816, 817, 818, 819, 820, 821, 822, 823, 824, 825, 826, 827, 828, 829, 830, 831, 832, 833, 834, 835, 836, 837, 838, 839, 840, 841, 842, 843, 844, 845, 846, 847, 848, 849, 850, 851, 852, 853, 854, 855, 856, 857, 858, 859, 860, 861, 862, 863, 864, 865, 866, 867, 868, 869, 870, 871, 872, 873, 874, 875, 876, 877, 878, 879, 880, 881, 882, 883, 884, 885, 886, 887, 888, 889, 890, 891, 892, 893, 894, 895, 896, 897, 898, 899, 900, 901, 902, 903, 904, 905, 906, 907, 908, 909, 910, 911, 912, 913, 914, 915, 916, 917, 918, 919, 920, 921, 922, 923, 924, 925, 926, 927, 928, 929, 930, 931, 932, 933, 934, 935, 936, 937, 938, 939, 940, 941, 942, 943, 944, 945, 946, 947, 948, 949, 950, 951, 952, 953, 954, 955, 956, 957, 958, 959, 960, 961, 962, 963, 964, 965, 966, 967, 968, 969, 970, 971, 972, 973, 974, 975, 976, 977, 978, 979, 980, 981, 982, 983, 984, 985, 986, 987, 988, 989, 990, 991, 992, 993, 994, 995, 996, 997, 998, 999, 1000.

小的质数是 0, 故 0 是.

6. 解析 解析 由 $\{x, y\} = \{x, y\}$ 所以应选 D.

者用排除法, 0 不是集合; 月中元素不是点; 悦中 0 是, 故给予排除.

7. 解析 解析 项中当 是 时, 的值是 0, 所以 0 错; 月选项中的集合元素是有序实数对, 而 0 不是数对, 所以 月错; 悦项中, 因为 0 是, 所以 悦错; 当 是 时, 0 是, 所以 悦项正确.

8. B

9. 解析 解析 集合中元素的互异性是本题解题的关键, 由于 三个元素互不相同, 故它们组成的三角形一定不是等腰三角形.

10. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

11. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

二、填空题

12. 有限集, 无限集

13. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

14. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

15. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

16. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

17. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

18. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

19. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

三、解答题

20. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

21. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

22. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

23. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

24. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

25. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

26. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

27. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

28. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

29. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

30. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

31. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

32. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

33. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

34. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

35. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

36. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

37. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

38. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

39. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

40. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

41. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

42. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

43. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

44. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

45. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

46. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

47. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

48. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

49. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

50. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

51. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

52. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

53. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

54. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

55. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

56. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

57. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

58. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

59. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

60. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

61. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

62. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

63. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

64. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

65. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

66. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

67. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

68. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

69. 解析 解析 由 的含义可知, 当 是 时, 0 是, 故 0 是.

— 總 —

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\} \cap \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\} = \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

二、填空题

原解或原

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

原且 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 用文氏图来表示, 如图解图中阴影部分所示.

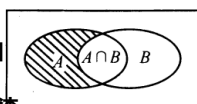
因为 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\} \cap \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\} = \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, 所以 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

所以 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

原且 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 用文氏图来表示, 如图解图中阴影部分所示.

因为 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\} \cap \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\} = \{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, 所以 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

所以 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.



第 1 题解图

原解

原解分析由题意结合数轴分析知 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

所以 $\Delta = 4 + 12 = 16$, 原解得 $x = 1$ 或 $x = 3$. 所以 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

原解②④分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

裁 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, 所以 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

所以 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

② $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 正确;

③ $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 错误; ④ $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 正确.

综合上述可知, ①②④正确.

三、解答题

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

(圆当 $x \neq 0$ 时, 欲使 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 成立, 实数 x 应满足

$\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 或 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 解得 $x = 1$ 或 $x = 3$.

综上可知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

疫 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$.

亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 或 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 原解得 $x = 1$ 或 $x = 3$.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, 由 $\Delta = 4 + 12 = 16$ 解得 $x = 1$ 或 $x = 3$.

若 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 则 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

若 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 则 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

综上, 得 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

(圆疫 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$).

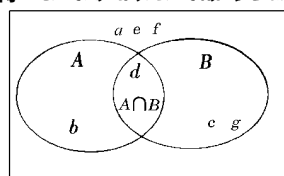
又疫 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 原解, 而 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 中至多只有两个元素,

亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ (员知 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$).

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 原解.

由解图可得: $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.



第 2 题解图

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

裁 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$.

疫 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$, 亦方程①在区间 $[0, 1]$ 上至少有一个实数解.

首先, 由 $\Delta = 4 + 12 = 16$ 解得 $x = 1$ 或 $x = 3$. 当 $x = 1$ 时, 由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $x = 3$ 时, 由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

假设 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 则因 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 故 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 这与 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 矛盾.

又疫 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 从而 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

同理可得, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

月 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 原解.

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

又疫 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$.

由已知得 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

原解分析由 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 知, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集, 由此可求出 x 再解两个方程, 即可求出 x 的值.

裁 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 解得 $x = 1$ 或 $x = 3$.

(圆由已知得 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

疫 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$.

又疫 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 亦 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$.

即 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

当 $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 时, $\{x \mid x^2 - 2x - 3 = 0\}$ 是方程 $x^2 - 2x - 3 = 0$ 的解集.

设 a, b 是 $[0, 1]$ 内的任意两个实数, 且 $a \leq b$,

则 $f(a) - f(b) \leq \sqrt{a(1-a)} - \sqrt{b(1-b)}$

$\leq \sqrt{a(1-a)} - \sqrt{b(1-b)}$

$\leq \sqrt{a(1-a)} - \sqrt{b(1-b)}$

$\leq \sqrt{a(1-a)} - \sqrt{b(1-b)}$

又 $\sqrt{a(1-a)} \leq \sqrt{b(1-b)}$,

亦原 $\sqrt{a(1-a)} \leq \sqrt{b(1-b)}$

又 $a \leq b$, 即 $f(a) \leq f(b)$

亦 $(f(a) - f(b)) \leq \sqrt{a(1-a)} - \sqrt{b(1-b)}$

即 $f(a) - f(b) \leq \sqrt{a(1-a)} - \sqrt{b(1-b)}$ 是减函数,

因此, 函数 $f(a)$ 的最大值为 $f(0) = 1$

解 (2) 二次函数图像的对称轴为 $x = \frac{1}{2}$, 则原来函数在 $(0, \frac{1}{2})$ 上为减函数, 亦 $f(a) \leq f(b)$

亦 $f(a) \leq f(b)$ 而 $f(a) \leq f(b)$ 即 $f(a) \leq f(b)$

疫 $f(a) \leq f(b)$ 即 $f(a) \leq f(b)$

(因疫当 $a = \frac{1}{2}$ 时, 函数 $f(a)$ 取最小值,

亦 $f(a) \leq f(b)$

解 (3) 方法一 (分离参数法): 在区间 $[0, 1]$ 上,

$f(a) \leq f(b)$ 恒成立, 即 $f(a) \leq f(b)$ 恒成立,

即 $f(a) \leq f(b)$ 在 $[0, 1]$ 上恒成立, 只需 $f(a) \leq f(b)$ 的最大值, 令 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$ 此函数在 $[0, 1]$ 上单调递减,

亦 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$

亦 $f(a) \leq f(b)$

方法二: 令 $f(a) \leq f(b)$ 恒成立, 只需 $f(a) \leq f(b)$ 的最小值大于 0 即可, $f(a) \leq f(b)$ 恒成立 (即 $f(a) \leq f(b)$ 在 $[0, 1]$ 上单调递增, 亦 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$

亦 $f(a) \leq f(b)$ 即 $f(a) \leq f(b)$

解 (4) 解令 $f(a) \leq f(b)$ 得 $f(a) \leq f(b)$, 故 $f(a) \leq f(b)$

(因证明令 $f(a) \leq f(b)$ 和 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$

$(\frac{1}{2})$ 越原 $f(a) \leq f(b)$

任取 $a, b \in (0, 1)$, 且 $a \leq b$,

则 $f(a) - f(b) \leq \sqrt{a(1-a)} - \sqrt{b(1-b)}$

由于 $f(a) \leq f(b)$ 故 $f(a) \leq f(b)$

亦 $f(a) \leq f(b)$, 亦 $f(a) \leq f(b)$ 在 $(0, 1)$ 上是增函数

(解) 解由 $f(a) \leq f(b)$ 约原 $f(a) \leq f(b)$, 得 $f(a) \leq f(b)$

$f(a) \leq f(b)$ 约原 $f(a) \leq f(b)$,

又疫 $f(a) \leq f(b)$ 在 $(0, 1)$ 上是增函数,

亦 $f(a) \leq f(b)$ 约原 $f(a) \leq f(b)$

解得 $f(a) \leq f(b)$

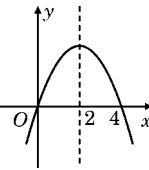
第二章分层演练卷(三)

一、选择题

1. 解析

解析 由题知函数的对称轴为 $x = 2$, 函数在 $[0, 2]$ 上递增, 作图如解图所示

解析 因为 $f(0) = 0$ 所以排除前两个图形, 从后两个图形看应有 $f(2) > 0$



第 4 题解图

所以 $f(2) > 0$ 则题图 (B) 为该函数的图像,

因图像过原点, 所以 $f(0) = 0$ 所以 $f(2) > 0$ 又因为 $f(4) = 0$ 故 $f(2) > 0$

解析 疫 $f(a) \leq f(b)$ 亦 $f(a) \leq f(b)$

又疫 $f(a) \leq f(b)$ 在 $[0, 1]$ 上是减函数, 亦 $f(a) \leq f(b)$

同理 $f(a) \leq f(b)$ 亦 $f(a) \leq f(b)$

由 ① ② 得 $f(a) \leq f(b)$ 亦 $f(a) \leq f(b)$

解析 由图像观察得 $f(a) \leq f(b)$

解析 疫 $f(a) \leq f(b)$ 亦 $f(a) \leq f(b)$, 即 $f(a) \leq f(b)$ 的图像关于 y 轴对称, 且 $f(a) \leq f(b)$ 在 $[0, 1]$ 上单调递增,

亦可画出 $f(a) \leq f(b)$ 的特征图像 (图略), 由图像可得出 $f(a) \leq f(b)$ 在 $(0, 1)$ 上单调递减

而 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$ 亦 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$

依 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$ 需比较 $f(a) \leq f(b)$ 和 $f(a) \leq f(b)$ 的大小即可

亦 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$, 即 $f(a) \leq f(b)$

故选 $f(a) \leq f(b)$

解析 根据幂函数的定义, 可知 ③ ④ ⑤ 均不是幂函数, 只有 ① ② 是幂函数

解析 由题意可知, $f(a) \leq f(b)$

解得 $f(a) \leq f(b)$ 所以 $f(a) \leq f(b)$

解析 因为 $f(a) \leq f(b)$ 在 $[0, 1]$ 上单调递减, 所以 $f(a) \leq f(b)$

又 $f(a) \leq f(b)$ 所以 $f(a) \leq f(b)$

解析 设 a 是方程的一个根, 则 $f(a)$ 也必定是方程的另一根, 同理 b 是方程的一个根, 则 $f(b)$ 也必定是方程的另一根, 所以四个根的和必为 0 故选 $f(a) \leq f(b)$

解析 设 $f(a) \leq f(b)$ 则 $f(a) \leq f(b)$ 是奇函数, 亦 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$

亦 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$, 即 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$

$f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$, 即 $f(a) \leq f(b)$ 越原 $f(a) \leq f(b)$

因此,当销售商一次订购 x 个零件时,该厂获得的利润是 y 元;如果订购 x 个,利润是 y 元。

一、选择题

在集合 Ω 中无法与之对应

猿月摇解析摇赠越枣曾表示变量赠是变量曾的函数,所以

源月摇解析摇采用换元法求函数的解析式,设贼越

缘爱摇解析摇②中曾取值范围为 $\emptyset$;③中赠越圆的图像是散点,不构成直线;④中两个函数的定义域不同,故只有①正确援

因此不等式 $\frac{1}{x} \geq \frac{1}{y}$ 的解集的补集是 $(\text{原解集})^c = \{x \mid x < 0\} \cup \{x \mid 0 < x < 1\}$

愿为解析因为 零會在 砸上单调递减,所以渣益渣病

又會園所以會(原員園 $\cup$ (園員援

定义在 $\mathbb{R}$ 上的偶函数, 且在 $(-\infty, 0]$ 上为增函数, 亦函数 $f(x)$ 在 $(-\infty, 0]$ 上是减函数, 且 $f(x)$ 越 x 原 $f(x)$ 援

原遭越圆即遭越原原又因为

二、填空题

[illegible]

猿圆

解之得 $\frac{1}{x} \approx \frac{1}{2} \pm \frac{\sqrt{5}}{2}$

三、解答题

原_圆 ≤ 曾_猿 $\frac{\text{猿}}{\text{源}}$, 即函数的定义域为 $[\text{原}_{\text{圆}}, \frac{\text{猿}}{\text{源}}]$;

(圆要使函数有意义,则 $\frac{曾}{原}$ 即 $\frac{曾}{原}$
所以函数的定义域为 $\{\frac{曾}{原} \in \text{砸}, \text{且 } \frac{曾}{原} \neq \text{原}\}$

函数 $y = \frac{1}{x}$ 的图像经过点 $(1, 1)$ ，
亦有 $x > 1$ 时 $y < 1$ ，
当 $x \rightarrow 0^+$ 时，
 $y \rightarrow +\infty$ 。

当 $\mu = 0$ 时, 原函数 $f(x)$ 是定义在 $\mathbb{R}$ 上的偶函数

亦零曾 越零原曾 越原曾垣暖

当原员 $\leq$ 曾 $\leq$ 员时,由题意设枣曾越葬垣圆则

亦当愿會員时,由零會越原會垣暖

綜上來看，越

- 會盟會約原
- 原會垣國原
- 原會垣國原

會員

图像略援

灵解摇任取 $\alpha, \beta \in (原肄, 园)$ 且 α 约 β , 则有 原 α 跃

疫赠楚曾在(园域肆)上是增函数,且零曾约园

亦枣原(音) 约枣原(音) 约园(音) 摇摇

又疫枣曾满足 枣原曾垣枣曾越园

亦 棗原_會 越原_{棗會} , 棗原_會 越原_{棗會} 援

由①②得 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$

于是 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园即 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃云云，

亦云云 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 在 (原肆, 园上) 是减函数援

图园解摇当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时, 图形为等腰直角三角形, 此时

当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时, 图形为一个直角梯形, 它可分割成一个等腰直角三角形 (确定时) 与一个矩形, 此时

当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时, 图形为一个五边形, 它可看作是原梯形去掉一个等腰直角三角形 (位于直线 $\frac{1}{x}$ 右侧), 此时

于是 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园 (园 $\leq \frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2}$, (园 $\leq \frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2}$, (源 $\leq \frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2}$, 并且函数 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 的定义域是 [园远援

又当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时, $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时, $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时, $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

亦函数 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 的值域为 [园远援

由于 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园, 因此 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

又缘 (源远

亦缘 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

于是 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

图园解摇 (员由 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园和 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园得

设二次函数 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

则由 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园列方程组得:

故二次函数为 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

亦当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时, $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

图园解摇 (员当每辆车的月租金定为 $\frac{1}{x}$ 元时, 未租出的车辆数为 $\frac{1}{x}$ 跃园园故租出 $\frac{1}{x}$ 跃园园

(园设每辆车的月租金定为 $\frac{1}{x}$ 元, 此时的月收益记为 $\frac{1}{x}$ 元, 则未租出车辆数为 $\frac{1}{x}$ 跃园园, 每辆月收益为 $\frac{1}{x}$ 元, 月收益共 $\frac{1}{x}$ 跃园园

为 $\frac{1}{x}$ 跃园园, 每辆月收益为 $\frac{1}{x}$ 跃园园元, 月收益共 $\frac{1}{x}$ 跃园园 ($\frac{1}{x}$ 跃园园元 两者之和即为公司的月收益) 是有:

整理得 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

亦当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时, 取最大值 $\frac{1}{x}$ 跃园园元

图园解摇 (员当每辆车的月租金定为 $\frac{1}{x}$ 元时, 未租出的车辆数为 $\frac{1}{x}$ 跃园园故租出 $\frac{1}{x}$ 跃园园

第二章考题荟萃卷

一、选择题

图园解摇 解析 由于对于任意不为零的 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

像关于坐标原点对称, 所以选 悦援

图园解摇 解析 令 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园得 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

源园解摇 解析 令 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园得 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

缘园解摇 解析 由 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园, 亦 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

图园解摇 解析 由题意, $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园是对称轴, 亦 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

苑园解摇 解析 令 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园得 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

且当 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 时等号成立, 所以函数 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

以选 粤援

图园解摇 解析 令 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园得 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

亦 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

图园解摇 解析 若 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园则 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

且 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

图园解摇 解析 令 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园得 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园

图园解摇 解析 若使 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园的定义域为 $\frac{1}{x}$ 跃园园

图园解摇 解析 若 $\frac{1}{x} \leq \frac{1}{x^2} \leq \frac{1}{x^3}$ 跃园园为奇函数则可排除 $\frac{1}{x}$ 跃园园

员原曾解析因为枣曾在砸上单调递减,所以
渣渣即 $\frac{\text{员原曾}}{\text{曾}}$ 跃园 $\rightarrow$ 曾(原员,

题解 解析 摇粤项中云曾越枣曾枣原曾,则云原曾越枣原曾枣曾越云曾,即函数云曾越枣曾枣原曾为偶函数,月项中云(曾越枣曾濞原曾濞云(原曾越枣原曾濞曾濞此时云曾与云原曾的关系不能确定,即函数云曾越枣曾濞原曾濞的奇偶性不确定,悦项中云曾越枣曾原枣原曾,云(原曾越枣原曾原枣曾越原云曾,即函数云曾越枣曾原枣原曾为奇函数,阅项中云曾越枣曾垣枣原曾,云原曾越枣原曾垣枣曾越云曾,即函数云曾越枣曾垣枣原曾为偶函数,则 阅选项正确 援

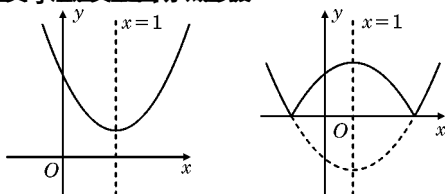
员援原摇解析摇由枣曾垣员越 $\frac{\text{员}}{\text{枣曾}}$,得枣曾垣圆越

所以 枣缘 越枣员 越原缘 则 枣枣缘 越枣原缘 越枣员 越原媛

解析 由于函数 $y = \frac{1}{x}$ 为奇函数, 所以 $\int_{-a}^a \frac{1}{x} dx = 0$, 所以 $\int_{-1}^1 \frac{1}{x} dx = 0$.
 原式 $= \int_{-1}^1 \frac{1}{x} dx = 0$.
 原式 $= \int_{-1}^1 \frac{1}{x} dx = 0$.
 原式 $= \int_{-1}^1 \frac{1}{x} dx = 0$.
 原式 $= \int_{-1}^1 \frac{1}{x} dx = 0$.

则枣园越园即葬原^员越园葬越^员援

图 6 图解析摇赠寒员越渣曾原员原原原渣图像如解图所示,则赠在[园猿上的最大值赠越寒员越渣曾原员渣或赠越渣曾越渣曾原渣若渣曾渣渣则赚是或赚场而赚时援寒员越远帮援赚时渣曾渣渣亦办赚援



圆援员证明疫枣曾 越圆曾原员

亦函数 零曾是偶函数援

亦枣(會) 原枣(會) 越(會) 原(會) 原(會) 越(會) 原(會) 越(會) 會垣(會) (會原) 援

又疫_會約_會園_亦會_垣_會約_會原_會約_會
亦圓_會垣_會(會_原會)躍_亦寒_會原寒_會躍_園
即寒_會踐寒_會援
故函數寒_會在(原_肆,園_上)是減函數援
(猿解揺作圖略)援寒_會越寒_國越苑
寒_會越寒_園越原_援

園解(員依題意得) $\left\{ \begin{array}{l} \text{枣園 越園} \\ \text{枣(員)} \text{越園緣} \\ \text{枣園} \end{array} \right.$

即 $\left\{ \begin{array}{l} \text{遭} \text{園} \\ \text{葬} \text{垣} \\ \text{員} \text{垣} \end{array} \right\}$ 越 $\left\{ \begin{array}{l} \text{葬} \text{垣} \\ \text{遭} \text{園} \end{array} \right\}$ 解得 $\left\{ \begin{array}{l} \text{葬} \text{垣} \\ \text{遭} \text{園} \end{array} \right\}$

亦零曾越會；
 園會

(圓任取原約爲約編約)

$$\frac{\frac{\frac{(\text{原會})}{(\text{會})} \cdot (\text{員原會})}{(\text{員會})} \cdot (\text{員會})}{(\text{員會})},$$

疫原_原約_約會_會約_約員_員亦_亦會_會原_原會_會約_約員_員暨_暨踐_踐園_園
員_員暨_暨踐_踐園_園又_又原_原約_約會_會約_約員_員亦_亦原_原會_會踐_踐園_園
來_來會_會原_原會_會約_約園_園暖

亦曾在(原)上是增函数；

疫枣曾在(原员上是增函数,

亦 { 原约 解得 员援
原约 园约 员圆
财约 原贼

圆翻解摇(员疫枣曾是奇函数,

亦枣园 越园即遭_葬园越园→遭越园

亦曾越員原擧由員越原原知，員原越原

$$\frac{\text{员原}}{\text{葬}} \Rightarrow \frac{\text{员圆}}{\text{葬}}$$

(圓由(員知 零會 越 $\frac{\text{員原圓}}{\text{圓垣圓}}$ 越原 $\frac{\text{員垣}}{\text{圓垣員}}$ 易

知零曾在(原律,垣律)上为减函数又疫零曾是奇函数,从而不等式零贼原圆贼垣零圆贼原噪约园等价于零贼原圆贼约原零圆贼原噪越零噪原圆贼援因零(曾为减函数,故由上式推得,贼原圆贼噪原圆贼对一切贼砸,有猿贼原圆贼噪垣园从而判别式△越原垣园噪约园噪约原猿援

国解摇设旅馆一天的客房总收入为赠元,曾元是与员元相比降低的房价,因此当房价为(员-曾)元时,住房率为(缘垣曾)·国豫,于是得赠越(员-曾)·(缘垣曾)·国豫

會·(緣^會垣^會開)·^四豫援

①

由于(缘) $\begin{matrix} \text{會} \\ \text{匪} \end{matrix}$ 豫 $\leq$ 员可知 园 $\leq$ 曾 $\leq$ 怨 暖

因此问题转化为当 $\frac{1}{x} = \frac{1}{y}$ 时,求 $\frac{1}{x}$ 的最大值

第三章分层演练卷(一)

员 摇解析摇枣猿 越枣猿**员** 越枣源

亦曾原^員^員贈^員 原^員贈^員

(圆,在定义域 晕_圆上单调递减援



第 20 题解图

第三章分层演练卷(二)

一、选择题

选项中的函数的值域为 $(0, 1) \cup (1, 2]$ ，选项中的函数的值域为 $[0, 2]$ ，选项中的函数的值域为 $[0, 1]$ ，选项中的函数的值域为 $[0, 2]$ 。

寒會，即寒原會 寒會趣

— 来源 —

— 吊詠 —

— 鼎範 —

一、选择题

[illegible]

灵犀解摇经分析知,函数 $y = \frac{1}{x}$ 的图像的对称轴为 $y = x$,

资源

— 苑 —

